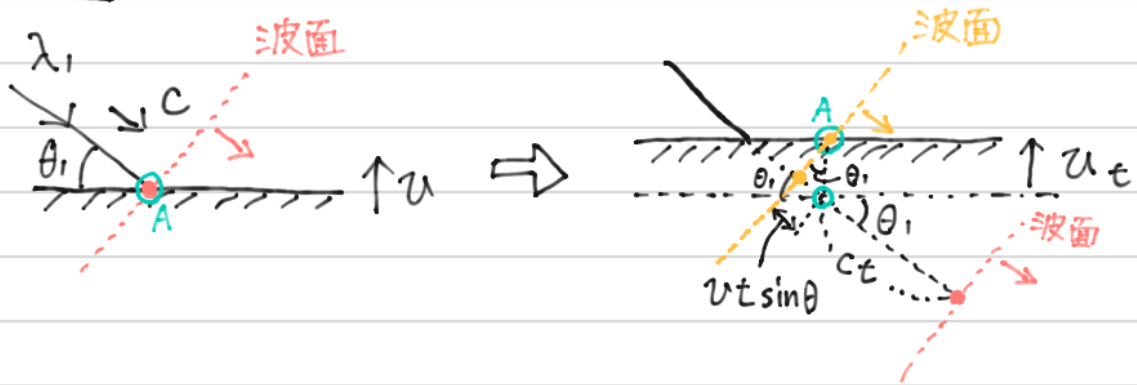


248 ドップラー効果のときと同様に考える。(参考: 211)
 ただし、斜めの入射なので平面波
 t [s] で壁にあたる波の個数を数えると

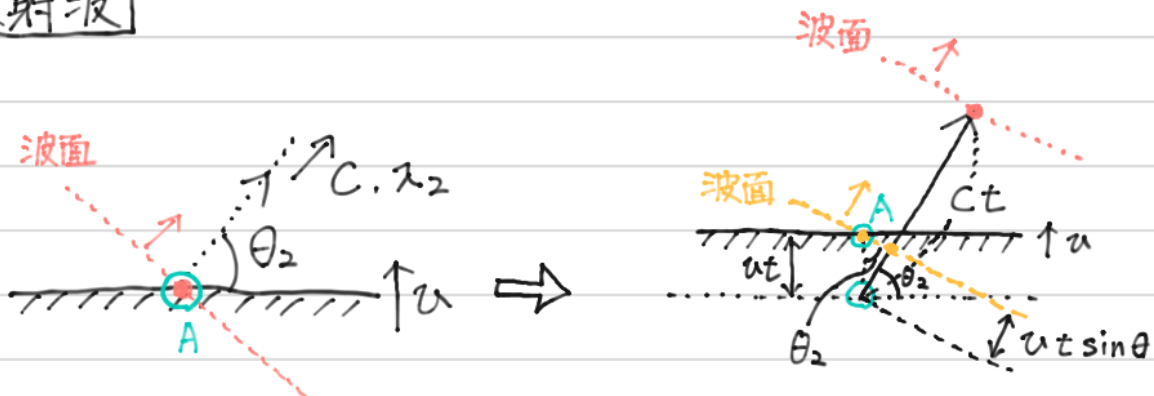
入射波



赤の波面から黄の波面までが A 点にあたっている。長さが $ct + vt \sin \theta_1$ なので波の個数 N は

$$N = \frac{ct + vt \sin \theta_1}{\lambda_1}$$

反射波



赤の波面から黄色の波面までが A 点から反射していっている。長さが $ct - vt \sin \theta_2$ なので波の個数 N は

$$N = \frac{ct - vt \sin \theta_2}{\lambda_2}$$

248 続き

ここで波の個数 N は同じなので

$$\frac{ct + vt \sin \theta_1}{\lambda_1} = \frac{ct - vt \sin \theta_2}{\lambda_2}$$

$$\therefore \lambda_2 = \frac{c - v \sin \theta_2}{c + v \sin \theta_1} \lambda_1 \quad \#$$

※ 別解

ドップラー効果の公式から逆算する。

① 壁を観測者として見立てて、振動数 $f_{\text{壁}}$ を計算

$$f_{\text{壁}} = \frac{c + v \sin \theta_1}{c} f_0 \quad \leftarrow \text{斜めドップラーで公式を立て}$$

② 壁を $f_{\text{壁}}$ の波をだす波源として見立て、変化後の振動数 f' 、波長 λ' を計算

$$\begin{aligned} f' &= \frac{c}{c - v \sin \theta_2} f_{\text{壁}} \quad \leftarrow \text{斜めドップラーで公式を立て} \\ &= \frac{c}{c - v \sin \theta_2} \cdot \frac{c + v \sin \theta_1}{c} f_0 \\ &= \frac{c + v \sin \theta_1}{c - v \sin \theta_2} f_0 \end{aligned}$$

$$v = f \lambda \text{ より}$$

$$\lambda' = \frac{c}{f'} = \frac{c - v \sin \theta_2}{c + v \sin \theta_1} \cdot \frac{c}{f_0}$$

元の光の波の式 $c = f_0 \lambda$ より $\frac{c}{f_0} = \lambda$ なので代入して

$$\lambda' = \frac{c - v \sin \theta_2}{c + v \sin \theta_1} \lambda \quad \#$$