

389

① 式は質量欠損によるエネルギーの式と見える。

$$Q = \{(M_A + M_B) - (M_C + M_D)\} \cdot c^2 \dots \textcircled{1}$$

② 式は静止(質量)エネルギーと運動エネルギーを合わせたエネルギー保存則である。

$$(M_A c^2 + K_A) + (M_B c^2 + K_B) = (M_C c^2 + K_C) + (M_D c^2 + K_D) \dots (\ast)$$

(イ)

( $\ast$ )式を変形して。

$$\{(M_A + M_B) - (M_C + M_D)\} c^2 = (K_C + K_D) - (K_A + K_B)$$

① 式を代入して

$$Q = (K_C + K_D) - (K_A + K_B) \#$$

これは質量欠損分のエネルギー分、運動エネルギーが増加する  
ことを示している。

(ロ)

結合エネルギー  $B$  で示す。

$$B_A = \left[ \underbrace{\{Z_A m_p + (A_A - Z_A) m_n\}}_{\text{ばりばり時の質量}} - \underbrace{M_A}_{\text{合体後の質量}} \right] c^2$$

$$\Rightarrow M_A c^2 = \{Z_A m_p + (A_A - Z_A) m_n\} c^2 - B_A \dots \textcircled{2}$$

同様に

$$M_B c^2 = \{Z_B m_p + (A_B - Z_B) m_n\} c^2 - B_B \dots \textcircled{3}$$

$$M_C c^2 = \{Z_C m_p + (A_C - Z_C) m_n\} c^2 - B_C \dots \textcircled{4}$$

$$M_D c^2 = \{Z_D m_p + (A_D - Z_D) m_n\} c^2 - B_D \dots \textcircled{5}$$

① 式に②.③.④.⑤を代入して

$$Q = (\textcircled{2} + \textcircled{3}) - (\textcircled{4} + \textcircled{5})$$

$$= \left[ \{Z_A + Z_B\} m_p + \{(A_A - Z_A) + (A_B - Z_B)\} m_n \right] c^2 - B_A - B_B \\ - \left[ \{Z_C + Z_D\} m_p + \{(A_C - Z_C) + (A_D - Z_D)\} m_n \right] c^2 - B_C - B_D$$

それぞれ等しいので消去できる。

$$= (B_C + B_D) - (B_A + B_B) \# (\text{ロ})$$

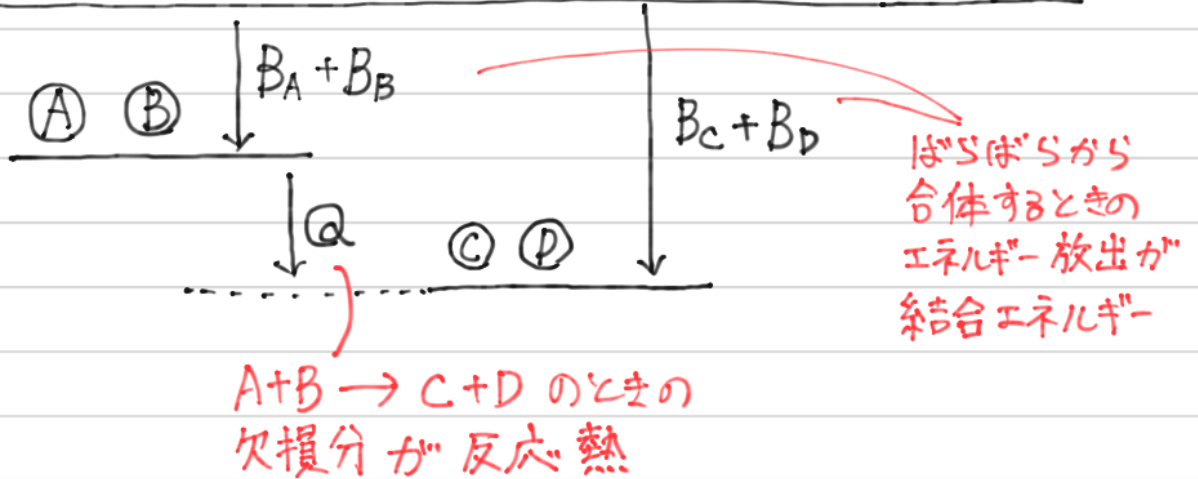
# 389 補足

エネルギー- $\square$ を用いると結合エネルギーをイメージしやすい

質量  
エネルギー

$Z_A, Z_B$  ではなく、 $Z_C, Z_D$  を用いて書いてもよい。

$$\textcircled{P} \times (Z_A + Z_B), \textcircled{N} \times \{(A_A - Z_A) + (A_B - Z_B)\} \quad \text{ば' S ば' S}$$



このように整理できるので

$$Q = (B_C + B_D) - (B_A + B_B)$$

と書ける。