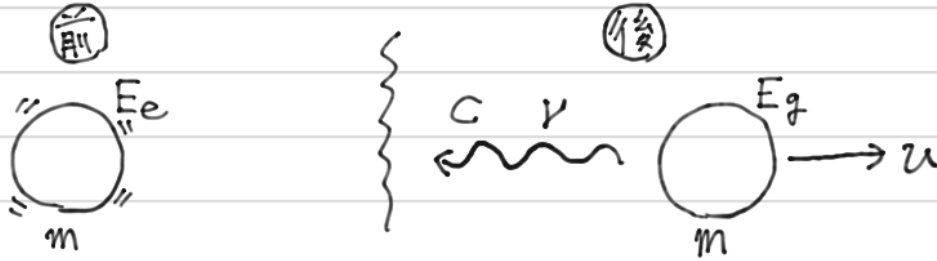


400



(イ)

エネルギーの保存より

$$\Delta E = \frac{1}{2}m\bar{v}^2 + h\nu \quad \#(1)$$

エネルギー準位の差が
光子と運動エネルギーに
なったイメージ

(ロ)

運動量の保存より

$$0 = -\frac{h\nu}{c} + m\bar{v}$$

$$\therefore m\bar{v} = \frac{h\nu}{c} \quad \#(2)$$

(ハ)

(ロ)の式より

$$\bar{v} = \frac{h\nu}{mc}$$

これを(1)に代入して

$$\Delta E = \frac{1}{2}m\left(\frac{h\nu}{mc}\right)^2 + h\nu$$

$$= \frac{h^2}{2mc^2}\nu^2 + h\nu$$

$$\Rightarrow 0 = \frac{h^2}{2mc^2}\nu^2 + h\nu - \Delta E$$

$$\Rightarrow 0 = \nu^2 + \frac{2mc^2}{h}\nu - \frac{2mc^2\Delta E}{h^2}$$

2次関数の解の公式より

$$\nu = \frac{-\frac{2mc^2}{h} \pm \sqrt{\left(\frac{2mc^2}{h}\right)^2 - 4\left(-\frac{2mc^2\Delta E}{h^2}\right)}}{2}$$

400 (1) 続き

$$= -\frac{mc^2}{h} \pm \sqrt{\left(\frac{mc^2}{h}\right)^2 + \frac{2mc^2\Delta E}{h^2}}$$

$v > 0$ のとき

$$v = -\frac{mc^2}{h} + \sqrt{\left(\frac{mc^2}{h}\right)^2 + \frac{2mc^2\Delta E}{h^2}}$$

$$= -\frac{mc^2}{h} + \frac{mc^2}{h} \sqrt{1 + \frac{2\Delta E}{mc^2}}$$

$$= -\frac{mc^2}{h} \left(1 - \sqrt{1 + \frac{2\Delta E}{mc^2}}\right)$$

$\Delta E \ll mc^2$ であるから近似式を用いて

$$v \doteq -\frac{mc^2}{h} \left[1 - \left\{1 + \frac{1}{2} \cdot \frac{2\Delta E}{mc^2} - \frac{1}{8} \left(\frac{2\Delta E}{mc^2}\right)^2\right\}\right]$$

$$= \frac{mc^2}{h} \left(\frac{\Delta E}{mc^2} - \frac{\Delta E^2}{2(mc^2)^2}\right)$$

$$= \frac{\Delta E}{h} \left(1 - \frac{\Delta E}{2mc^2}\right) \quad \# (1)$$

(2)

(1) で $m \rightarrow \infty$ とすると

$$v_\infty = \frac{\Delta E}{h} \quad \# (2)$$

(木)

ドップラー効果で吸収体が吸収する光子の振動数 ν' は、

$$\nu' = \frac{c-v}{c} \nu$$

これが v_∞ と存るので

$$v_\infty = \frac{c-v}{c} \nu$$

$$\therefore \frac{v_\infty}{\nu} = \frac{c-v}{c} \quad \# (木)$$

400 続き

(入)

(二)式より

(1)式より

$$V = A\omega \cos \omega t_1, \quad \nu_0 = \frac{\Delta E}{h} \quad \nu = \frac{\Delta E}{h} \left(1 - \frac{\Delta E}{2mc^2}\right) \quad \text{E}$$

(木)式1=代λLZ

$$\frac{\frac{\Delta E}{h}}{\frac{\Delta E}{h} \left(1 - \frac{\Delta E}{2mc^2}\right)} = \frac{c - A\omega \cos \omega t_1}{c}$$

$$\Rightarrow \frac{c - A\omega \cos \omega t_1}{c} = \frac{1}{1 - \frac{\Delta E}{2mc^2}}$$

$$\doteq 1 + \frac{\Delta E}{2mc^2}$$

$$\Rightarrow \frac{A\omega \cos \omega t_1}{c} = -\frac{\Delta E}{2mc^2}$$

$$\therefore \cos \omega t_1 = -\frac{\Delta E}{2A\omega mc} \quad \text{H (入)}$$