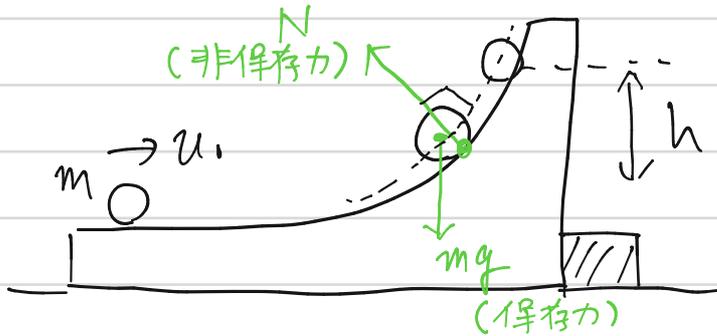


92 相互作用が常にある

⇒ 系全体で見ることを意識する。

(1) 台をとめてる

→ 台は地球の一部 → 球のみに注目してOK.



$N$ が軌道と $90^\circ$ なので仕事をしない。

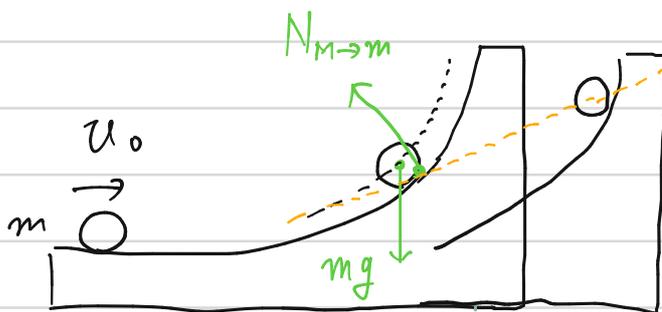
⇒ 非保存力の仕事が0 ⇒ 力学エネルギー保存

$$\frac{1}{2} m u_0^2 = m g h$$

$$\therefore h = \frac{u_0^2}{2g}$$

(2) 条件を整理してみる

① 単体で考えてみる。



進行方向は  
斜面よりゆるやか。

↓

$N_{M \rightarrow m}$  は  $m$  には  
負の仕事をす。

(エネルギー保存は不成立)

単体で考えるのはきびしいので。

球と台を一つの系として、系全体で考える

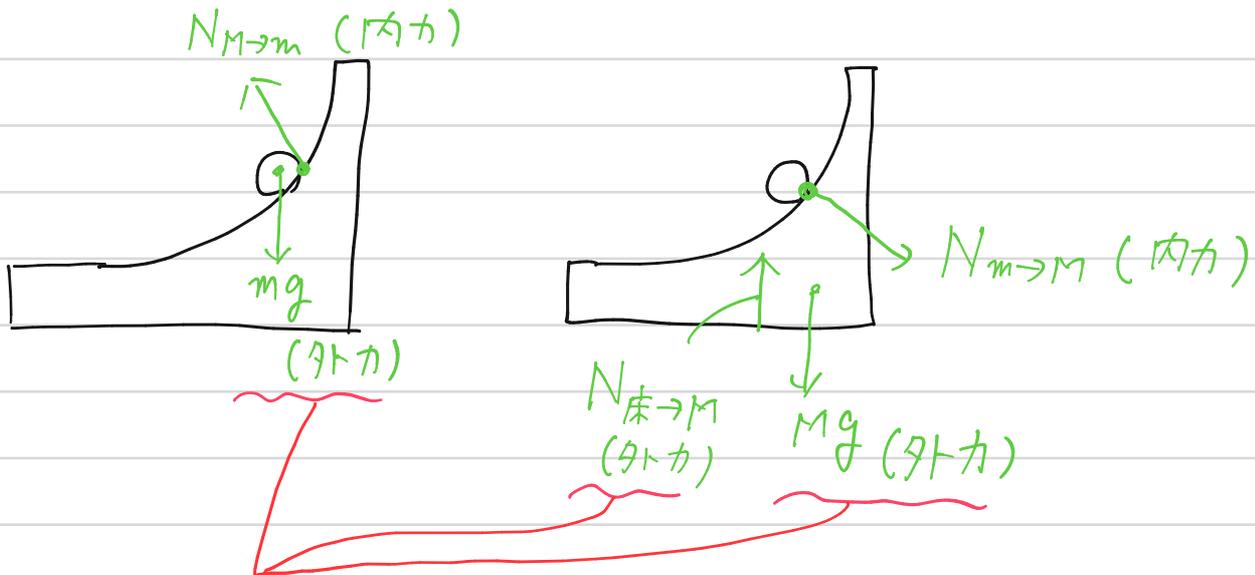
92 (2) 続き

② 系全体のエネルギー

⇒ 摩擦熱、衝突熱がなければ成立

⇒ 成立.

③ 系全体の運動量 ⇒ 外力がなければ成立

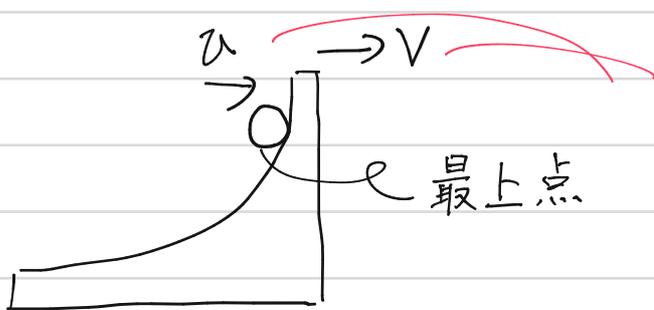


外力は全て鉛直方向

⇒ 水平成分は成立.

鉛直成分は不成立.

④ 束縛条件から立式する

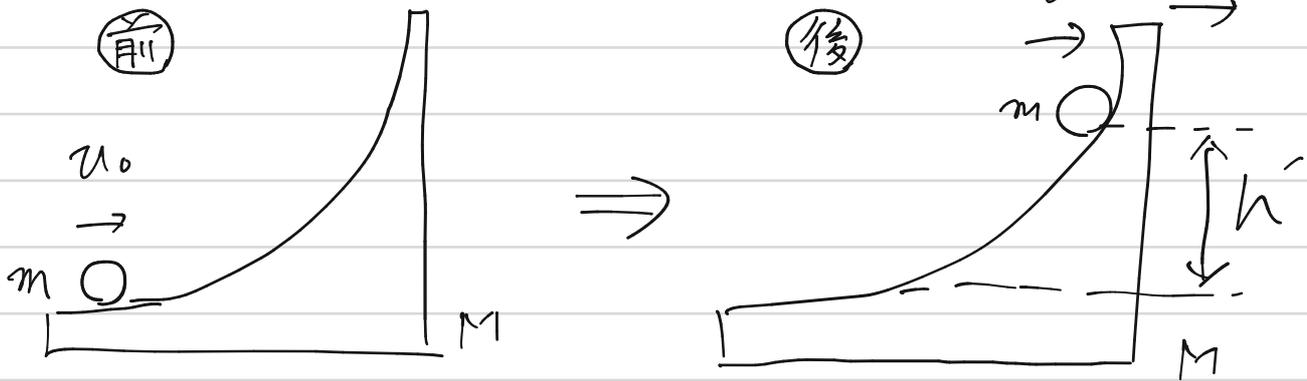


面から離れたいとき、

⇒  $u = V$

92 (2) 続き

==までの条件を整理する



水平の運動量保存より

$$m u_0 = m v + M v$$

$$\therefore v = \frac{m}{m+M} u_0$$

(3) 系全体のエネルギー保存より

$$\frac{1}{2} m u_0^2 = \frac{1}{2} m v^2 + m g h' + \frac{1}{2} M v^2$$

$$\Rightarrow m g h' = \frac{1}{2} m u_0^2 - \frac{1}{2} (m+M) v^2$$

$v$  を代入して

$$m g h' = \frac{1}{2} m u_0^2 - \frac{1}{2} (m+M) \left( \frac{m}{m+M} u_0 \right)^2$$

$$m g h' = \frac{1}{2} m u_0^2 - \frac{1}{2} \frac{m^2}{m+M} u_0^2$$

$$m g h' = \frac{1}{2} \left( m - \frac{m^2}{m+M} \right) u_0^2$$

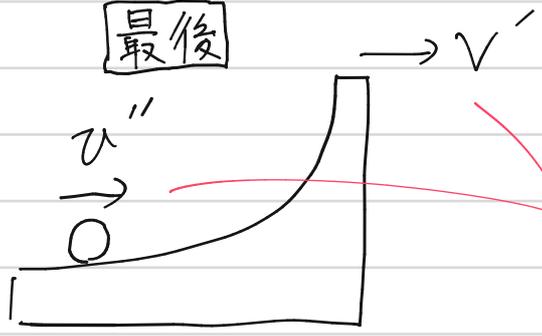
$$m g h' = \frac{1}{2} \frac{m M}{m+M} u_0^2$$

$$h' = \frac{M u_0^2}{2 (m+M) g}$$

92 続き

(4)

最後



- 正に設定
- 束縛条件はないので  $u'' \neq V'$

水平の運動量保存

前

=

最後

$$m u_0 = m u'' + M V' \dots \textcircled{1}$$

系全体の力学エネルギー保存

$$\frac{1}{2} m u_0^2 = \frac{1}{2} m u''^2 + \frac{1}{2} M V'^2 \dots \textcircled{2}$$

① を変形

$$M V'^2 = m V' (u_0 - u'') \dots \textcircled{1}'$$

② を変形

$$M V'^2 = m (u_0^2 - u''^2)$$

$$M V'^2 = m (u_0 + u'')(u_0 - u'') \dots \textcircled{2}'$$

①' と ②' に代換して

$$m V' (u_0 - u'') = m (u_0 + u'')(u_0 - u'')$$

$$V' = u_0 + u'' \dots \textcircled{3}$$

① = ③ を代換して

$$m u_0 = m u'' + M (u_0 + u'')$$

$$(m + M) u'' = (m - M) u_0$$

$$\therefore u'' = \frac{m - M}{m + M} u_0 \quad \left( M \text{ が大きいと 左向き の 速度 } \right)$$

92 (4) 続き

③ 1に代入して

$$V' = u_0 + \frac{m-M}{m+M} u_0$$

$$\therefore V' = \frac{2m}{m+M} u_0$$

※ 解答の  $e=1$  と見なせるについて



時間をかけた衝突と見なしており、  
エネルギーのロスがないので  $e=1$  の衝突  
といえるのだ

$$e = \frac{|\text{遠ざかり}|}{|\text{近づき}|} \quad \text{より}$$

$$1 = \frac{V' - u''}{u_0}$$

$$\Rightarrow u_0 = V' - u''$$

$$\underline{V' = u_0 + u''} \quad \text{... ③式が導ける}$$