

120

角振動数が  $\omega$  のとき 運動方程式は

$$-m\omega^2 x = -kx$$

とかけよ

$$k = m\omega^2$$

といえる。

このときの復元力による位置エネルギー  $U$  は

$$U = \frac{1}{2} k x^2$$

なので

$$U = \frac{1}{2} m \omega^2 x^2$$

と存るのである。よって、全エネルギー  $E$  は

問題文の  $x, v$  を代入

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m \omega^2 x^2 \\
 &= \frac{1}{2} m \cdot (-A\omega \sin \omega t)^2 + \frac{1}{2} m \omega^2 (A \cos \omega t)^2 \\
 &= \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \sin^2 \omega t + \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \cos^2 \omega t \\
 &= \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 (\sin^2 \omega t + \cos^2 \omega t) \\
 &= \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \quad (A) \leftarrow m\omega^2 = k \text{ なので}
 \end{aligned}$$

$$E = \frac{1}{2} k A^2 \text{ とかける。}$$

これは折り返し点でのエネルギーを意味する

エネルギー保存の式を立てると

$$\underbrace{\frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} k x^2}_{\text{中途半端時}} = \underbrace{\frac{1}{2} m V^2}_{v_{\text{Max}} \text{ 時 (イ)}} = \underbrace{\frac{1}{2} k A^2}_{\text{折り返し時 (ウ)}}$$

中途半端時

$v_{\text{Max}}$  時 (イ)

折り返し時 (ウ)