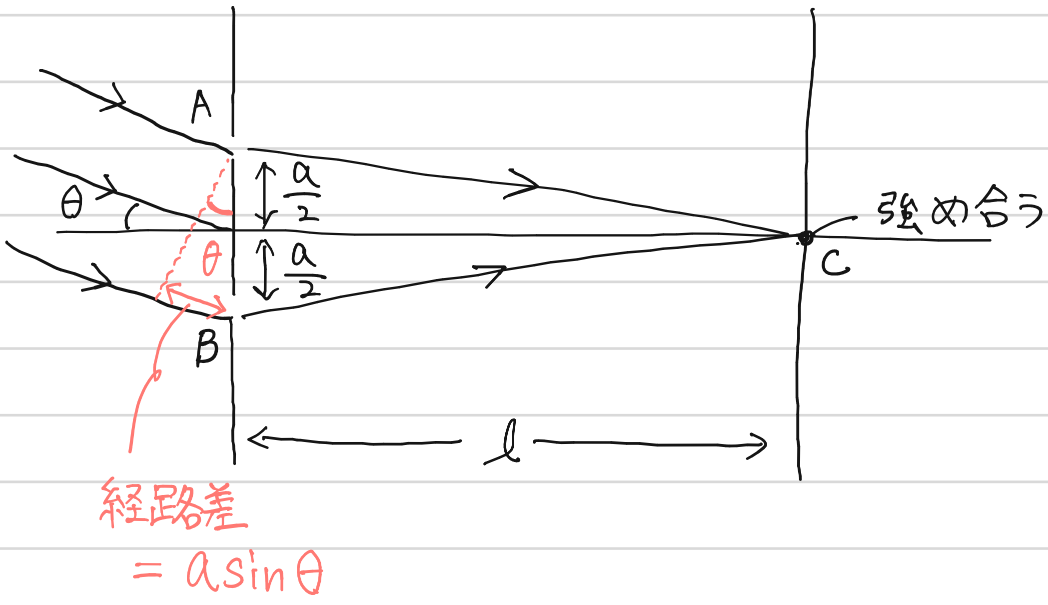
$\boxed{200}$ ヤングの干渉と同様の実験である.



(1) 干渉の条件は

$\boxed{強め合う}$

経路差が位相 2π分で同位相で重なってるということ.

(経路差) = (半波長) × (偶数)

$$\Rightarrow \quad a\sin\theta_n = \frac{\lambda}{2} \times 2n \qquad (n = 0, 1, 2 \cdots)$$

$$\Rightarrow \quad a\sin\theta_n = n\lambda$$

$$\downarrow$$

$$\lambda = \frac{a\sin\theta_n}{n} \quad /\!/ \text{(ア)}$$

ここで

$0 < \theta < 90°$ なので

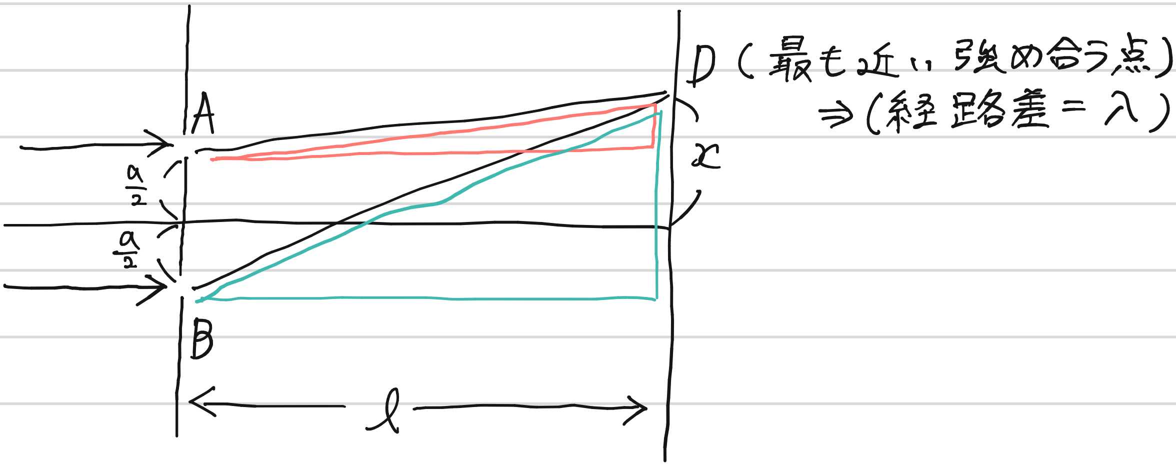
$$\frac{a\sin 0°}{n} < \lambda < \frac{a\sin 90°}{n}$$

$$0 < \lambda < \frac{a}{n}$$

$$\therefore \quad 0 < n < \frac{a}{\lambda} \quad /\!/ \text{(イ)}$$

$\boxed{200}$ 続き

(2)



(ウ) 経路差は $\overline{BD}-\overline{AD}$ で求まり, これが λ なので

$$\lambda = \overline{BD} - \overline{AD}$$

$$= \underline{\sqrt{l^2+\left(x+\frac{a}{2}\right)^2} - \sqrt{l^2+\left(x-\frac{a}{2}\right)^2}} \quad \#(ウ)$$

 の三平方　 の三平方

(エ) $\overline{BD}$ について

$$\overline{BD} = \sqrt{l^2+\left(x+\frac{a}{2}\right)^2}$$

$\sqrt{1+a}$ の形を目指し, $\sqrt{l^2}$ を外にだす

$$= l\sqrt{1+\frac{\left(x+\frac{a}{2}\right)^2}{l^2}}$$

問題文にある近似を行う.

$$= l\left\{1+\frac{\left(x+\frac{a}{2}\right)^2}{l^2}\right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$\fallingdotseq l\left\{1+\frac{1}{2}\cdot\frac{\left(x+\frac{a}{2}\right)^2}{l^2}\right\}$$

$$= l + \frac{\left(x+\frac{a}{2}\right)^2}{2l}$$

$\boxed{200}$ (2) 続き

同様に $\overline{AD}$ を近似して

$$\overline{AD} = \sqrt{l^2 + \left(x - \frac{a}{2}\right)^2}$$

$$\fallingdotseq l + \frac{\left(x - \frac{a}{2}\right)^2}{2l}$$

(ハ)の式に代入して

$$\lambda = \overline{BD} - \overline{AD}$$

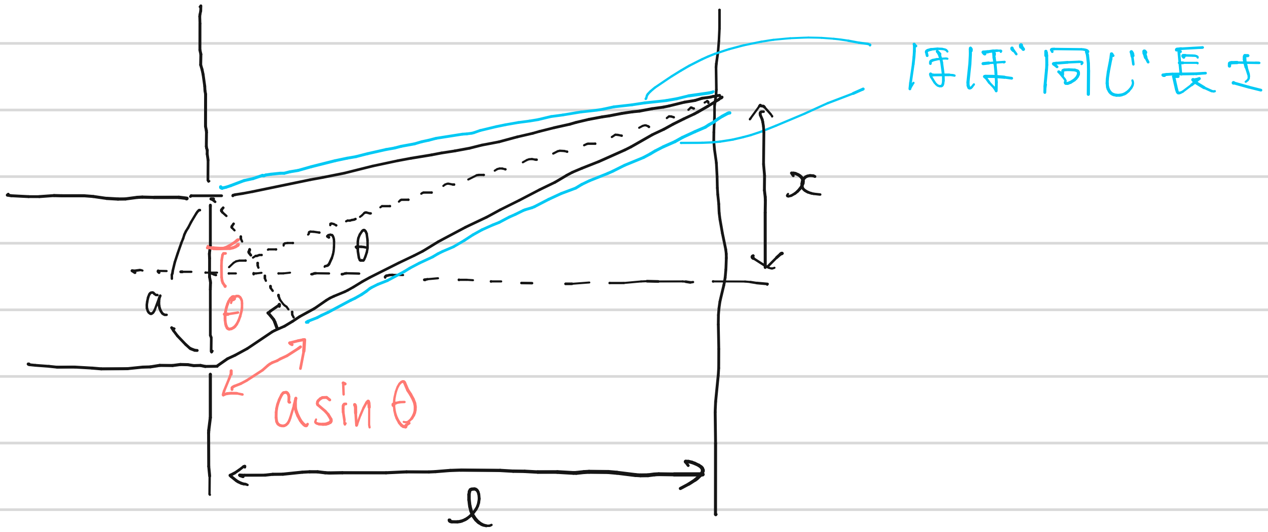
$$= l + \frac{\left(x + \frac{a}{2}\right)^2}{2l} - \left\{ l + \frac{\left(x - \frac{a}{2}\right)^2}{2} \right\}$$

$$= \underline{\frac{a}{l} x}$$

(エ)

ヤングの実験と同じ
現象が音波でも起こるのだ

$\boxed{\text{別解}}$ (エ) 経路差は下図の $a \sin\theta$ の部分ともいえる.



ここで $\sin\theta \fallingdotseq \tan\theta$ と近似すると.

$$\sin\theta \fallingdotseq \tan\theta = \frac{x}{l}$$

となるので経路差は

$$(\text{経路差}) = a\sin\theta = \underline{\frac{a}{l} x}$$

(エ)