



エネルギーを失っているので、波長は長くなる。と考えられるように
なっている。

運動量の保存より

$$\frac{h}{\lambda_0} = -\frac{h}{\lambda_0 + \Delta\lambda} + p \quad (\because (\text{光子の運動量}) = \frac{h}{\lambda})$$

$$\Rightarrow p = h \left(\frac{1}{\lambda_0} + \frac{1}{\lambda_0 + \Delta\lambda} \right)$$

問題文で示されている近似式

$$\frac{1}{1+x} \doteq 1-x$$

$$(1+x)^{-1} \doteq 1+(-1)x$$

という近似をしている

を用いる形に変形して、近似する。

$$p = \frac{h}{\lambda_0} \left(1 + \frac{1}{1 + \frac{\Delta\lambda}{\lambda_0}} \right)$$

$$\doteq \frac{h}{\lambda_0} \left\{ 1 + \left(1 - \frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \right) \right\}$$

==が" x

$$\left(\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \ll 1 \right)$$

$$= \frac{h}{\lambda_0} \left(2 - \frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \right)$$

$$= \frac{2h}{\lambda_0} - h \frac{\Delta\lambda}{\lambda_0^2}$$

$\Delta\lambda \ll \lambda_0$ ので $\frac{\lambda}{\lambda_0^2} \doteq 0$ と近似

$$\doteq \frac{2h}{\lambda_0}$$