

261

必要に存る公式

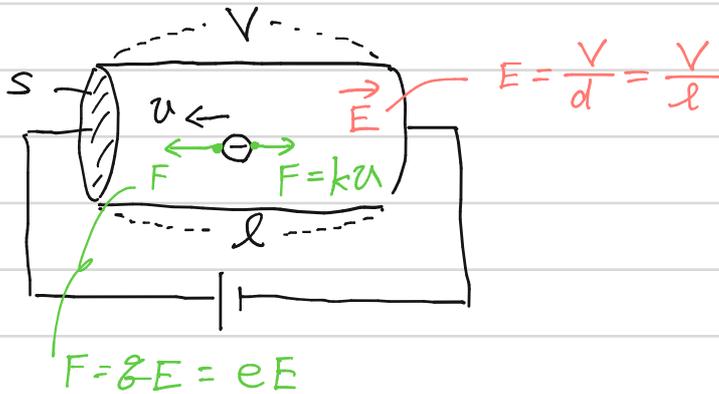
電場 E → 定義 $1C$ の電荷が受ける力
 $\Rightarrow F = eE$
 ↳ 電位の化戻き
 $\Rightarrow E = \frac{V}{d}$

電流 I → 定義 $1s$ に通る電荷の量
 $\Rightarrow I = \frac{AQ}{s}$

オームの法則 → $V = RI$

抵抗率 ρ の定義 $R = \rho \frac{l}{S}$ 温度や材質に 関係する

(ア)



上図のように力を見出だせる。つりあいの式を立てると、

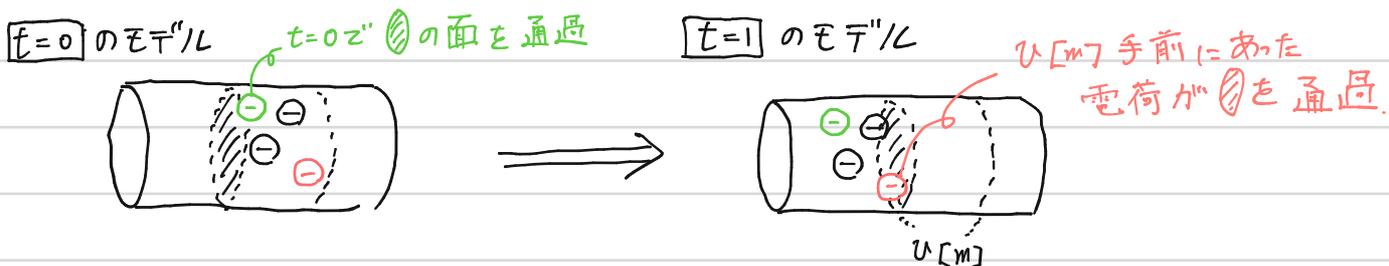
$$kv = eE$$

$$E = \frac{V}{l} \text{ 代入して}$$

$$kv = \frac{eV}{l}$$

$$\therefore v = \frac{eV}{kl} \quad \text{①}$$

(イ) $1s$ に通過する電荷を数える。



つまり S の部分 (体積 Sv [m³]) にあった電荷が通過するといえる。

261 (1) 続き

1m^3 あたり n [個] あるので、体積 $S \cdot l$ [m³] にはある個数 N は

$$N = n \cdot S \cdot l$$

1個あたりが $-e$ [C] の電荷を持つので

$$I = eN = \underline{enSv} \quad \#(1)$$

(ウ)

(1) の $v = \frac{eV}{k\ell}$ を代入して

$$I = enS \cdot \frac{eV}{k\ell} = \underline{\frac{e^2 n S V}{k\ell}} \quad \#(ウ)$$

(エ) $I = \frac{e^2 n S V}{k\ell}$ と $I = \frac{V}{R}$ と比較する。

↓

$$I = \frac{e^2 n S}{k\ell} V$$

$\underbrace{\hspace{2cm}}_{\frac{1}{R}} \quad \text{よって } R = \frac{k\ell}{e^2 n S} \quad \#(エ)$

(オ) $R = \frac{k\ell}{e^2 n S}$ と $R = \rho \frac{\ell}{S}$ と比較する

↓

$$R = \frac{k}{e^2 n} \cdot \frac{\ell}{S}$$

$\underbrace{\hspace{2cm}}_{\rho} \quad \text{よって } \rho = \frac{k}{e^2 n} \quad \#(オ)$

(カ)(キ)

(オ)より

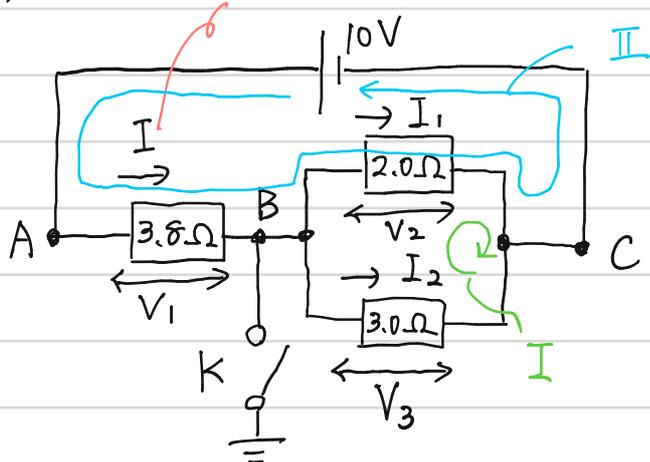
n が 小さい # (カ) と ρ が大きい。(材質で変わる)

k が 大きい # (キ) と ρ が大きい。(温度や材質で変わる)

回路の解法

- ・ 不明数を文字でおく。
(キルヒホッフ則(第1)で I の種類が増えないように工夫する)
- ・ キルヒホッフ則(第2)をたてる (電圧の関係式)
- ・ $V=RI$ を立式
⇒ 連立する
- 抵抗の合成法則は基本的に使わない。
(入試レベルに作るほど使用できなくなるので)

(1)

 $I=I_1+I_2$ とおける (I の不明数はなるべく増やさない)

キルヒホッフ則より

$$\text{I} \cdot V_2 = V_3 \dots \text{①} \quad (\text{始めから } V_3 \text{ とおかず, } V_2 \text{ としてもいい})$$

$$\text{II} \cdot 10 = V_1 + V_2 \dots \text{②}$$

 $V=RI$ より

$$V_1 = 3.8(I_1 + I_2) \dots \text{③}$$

$$V_2 = 2.0 I_1 \dots \text{④}$$

$$V_3 = 3.0 I_2 \dots \text{⑤}$$

①に④・⑤を代入して

$$2.0 I_1 = 3.0 I_2 \dots \text{①}'$$

②に③・④を代入して

$$10 = 3.8(I_1 + I_2) + 2.0 I_1 = 5.8 I_1 + 3.8 I_2 \dots \text{②}'$$

262 (1) 続き

①' を変形して $I_1 = \frac{3}{2} I_2$, ②' に代入して

$$10 = 5.8 \cdot \frac{3}{2} I_2 + 3.8 I_2$$

$$10 = 8.7 I_2 + 3.8 I_2$$

$$\therefore I_2 = \underline{0.8 \text{ [A]}}_{\#} \text{ (ウ)}$$

①' $I_1 = \frac{3}{2} I_2$ より

$$I_1 = \underline{1.2 \text{ [A]}}_{\#} \text{ (イ)}$$

$I = I_1 + I_2$ より

$$I = \underline{2.0 \text{ [A]}}_{\#} \text{ (ア)}$$

$V_{AB} = V_1$ であり ③ より

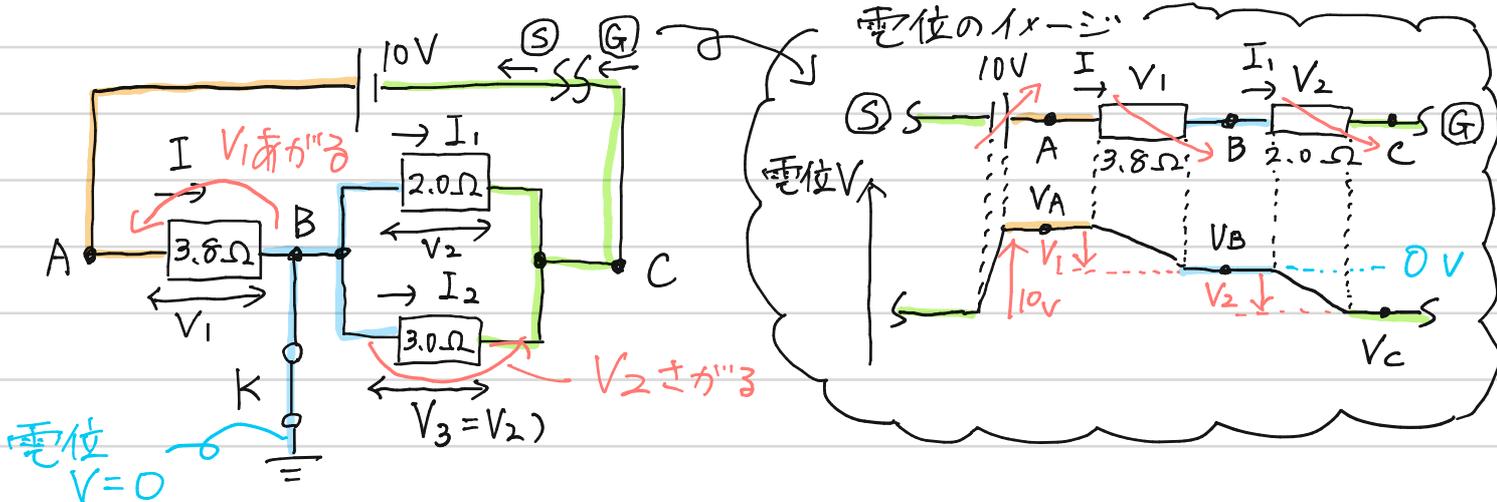
$$V_1 = \underline{7.6 \text{ [V]}}_{\#} \text{ (エ)}$$

$V_{BC} = V_2$ であり ④ より

$$V_2 = \underline{2.4 \text{ [V]}}_{\#} \text{ (オ)}$$

※ 求めた値が、①~⑤の式を満たしているか確かめることで計算ミスのチェックができる。

(2) アースをつないでも、電流や電圧に変化は起きない。そこが電位 0 の基準となるだけである。

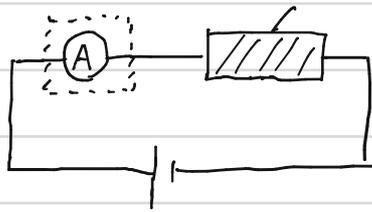


よって $V_A = +V_1 = \underline{7.6 \text{ [V]}}_{\#} \text{ (カ)}$ $V_B = \underline{0 \text{ [V]}}_{\#} \text{ (キ)}$

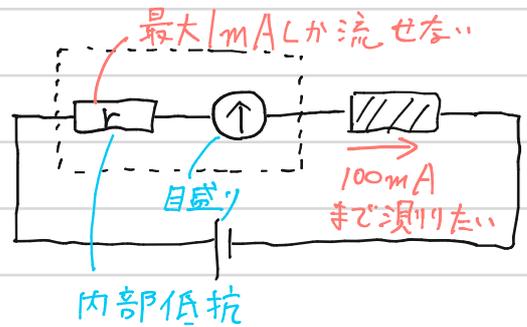
$$V_C = -V_2 = \underline{-2.4 \text{ [V]}}_{\#} \text{ (ク)}$$

263

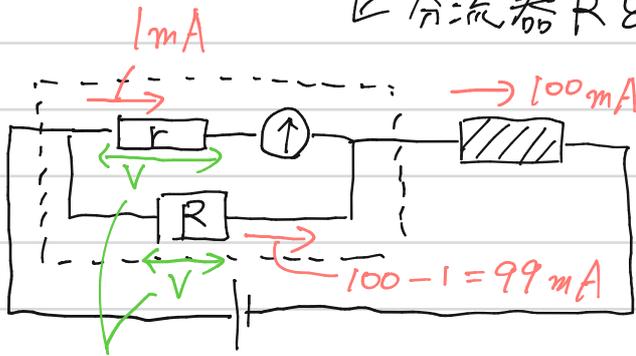
測りたい素子



①を分解



分流器Rをつける



キルヒホッフ則より
同じ電圧

99mAがRに流れる
ようにすればよいのだ。

$$V = RI \text{ より}$$

$$\text{① } V = r \cdot 1.0 \times 10^{-3}$$

$$\text{② } V = R \cdot 99 \times 10^{-3}$$

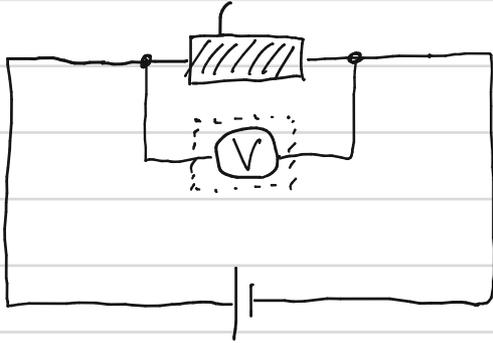
よって

$$r \cdot 1.0 \times 10^{-3} = R \cdot 99 \cdot 10^{-3}$$

$$\therefore R = \frac{1}{99} r \quad \text{= 本を並列につなぐ}$$

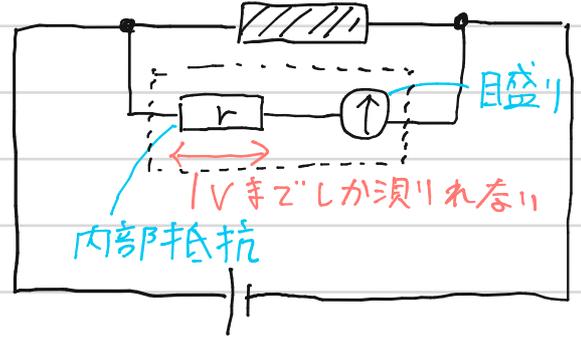
264

測りたい素子



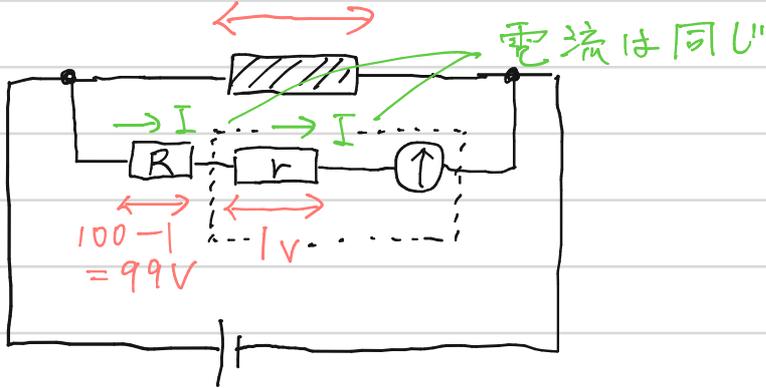
ⓧを分解
→

100Vを測りたい



倍率器 R をつける

100Vを測りたい



Rで99V電位が
おちるようになればよい

$$V = RI \text{ より}$$

$$\boxed{r} \quad 1 = rI \Rightarrow I = \frac{1}{r}$$

$$\boxed{R} \quad 99 = RI \Rightarrow I = \frac{99}{R}$$

よして

$$\frac{1}{r} = \frac{99}{R}$$

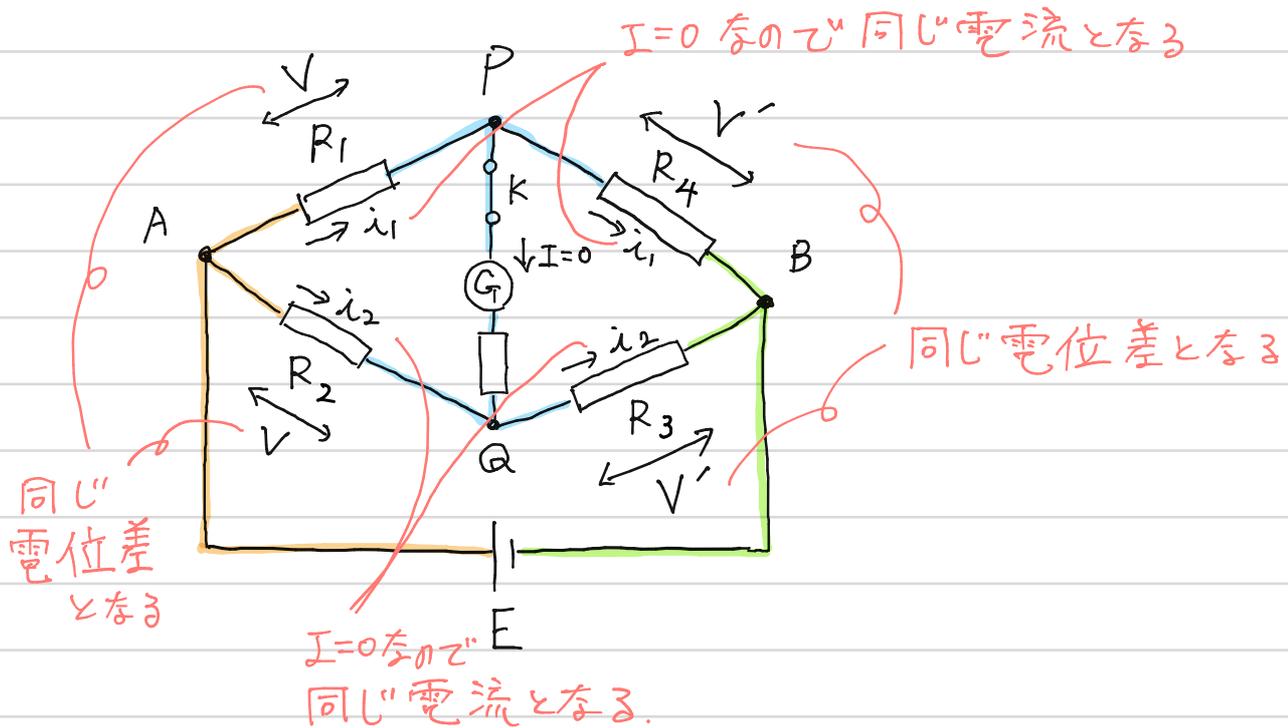
$$\therefore R = 99r \text{ [k}\Omega\text{]} \quad \#$$

直列につなぐ

※ r の単位が [kΩ] なので
R の単位も [kΩ]

265

(1) \mathcal{G} に電流が流れない \Rightarrow PとQが等電位



$V = RI$ より

$[R_1] \quad V = R_1 i_1 \dots \textcircled{1}$

$[R_2] \quad V = R_2 i_2 \dots \textcircled{2}$

$[R_3] \quad V' = R_3 i_2 \dots \textcircled{3}$

$[R_4] \quad V' = R_4 i_1 \dots \textcircled{4}$

①, ② より

$R_1 i_1 = R_2 i_2 \dots \textcircled{1}'$

③, ④ より

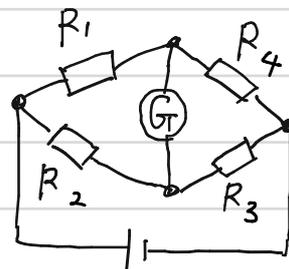
$R_4 i_1 = R_3 i_2 \dots \textcircled{3}'$

$\frac{\textcircled{1}'}{\textcircled{3}'}$ より

$\frac{R_1}{R_4} = \frac{R_2}{R_3}$

$\therefore R_4 = \frac{R_1 R_3}{R_2}$

※ 本質的な理解から遠ざかるが、公式がある。正確なために使うくらいならOK.



形のまま分数

$\Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_4}{R_3}$ 1=して

とかける.

265 続き

(2) 変化しない #

オームの法則より

$$\boxed{R_1} V = R_1 i_1$$

$$\boxed{R_4} V' = R_4 i_1$$

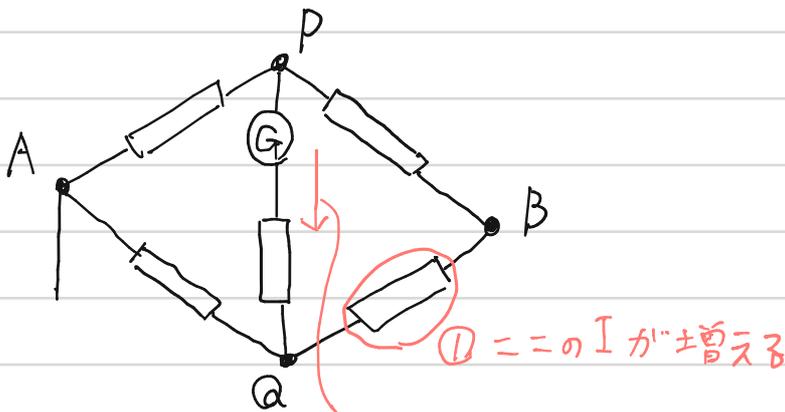
この2式より

$$V = V' = R_1 : R_4$$

電圧の比は抵抗の比と一致し、Eが変化しても、

PとQの電位が変わる要因に存しないのだ。

(3) 抵抗が小さくなった場所には、より大きな電流が流れるように存る



① ②のIが増える
② ②の向きにIが流れることで①のIを増やす。

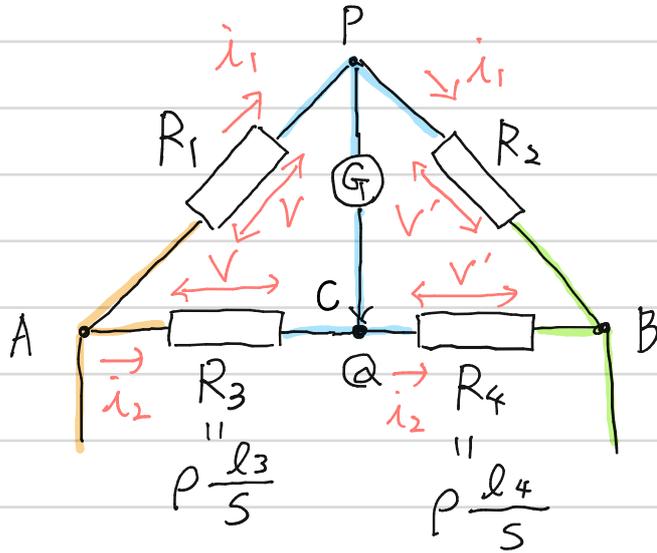
よって P → Q 向き

※ これはかなり大雑把な見積もりと存るが、ホイートストンブリッジでは②までしか聞かれないことがほとんどである。
正確な量を計算するには、通常の回路の問題のように解けばよい。

266

$R = \rho \frac{l}{S}$ より, l が長い程, 抵抗が大きくなるのだ。

(1) AB間の抵抗率を ρ , 断面積を S とすれば



$$R_3 = \rho \frac{l_3}{S}, \quad R_4 = \rho \frac{l_4}{S}$$

と存る

↓

AB全体の抵抗を R_0 とし

$$R_3 = \frac{l_3}{l_3 + l_4} R_0$$

$$R_4 = \frac{l_4}{l_3 + l_4} R_0$$

のように, 長さの割合で分けて考えることもある。

$V = RI$ より

[R1] $V = R_1 i_1 \dots$ ①

[R2] $V' = R_2 i_1 \dots$ ②

[R3] $V = R_3 i_2 \dots$ ③

[R4] $V' = R_4 i_2 \dots$ ④

①・③ より

$$R_1 i_1 = R_3 i_2 \dots$$
 ①'

②・④ より

$$R_2 i_1 = R_4 i_2 \dots$$
 ②'

$\frac{①'}{②'}$ より

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

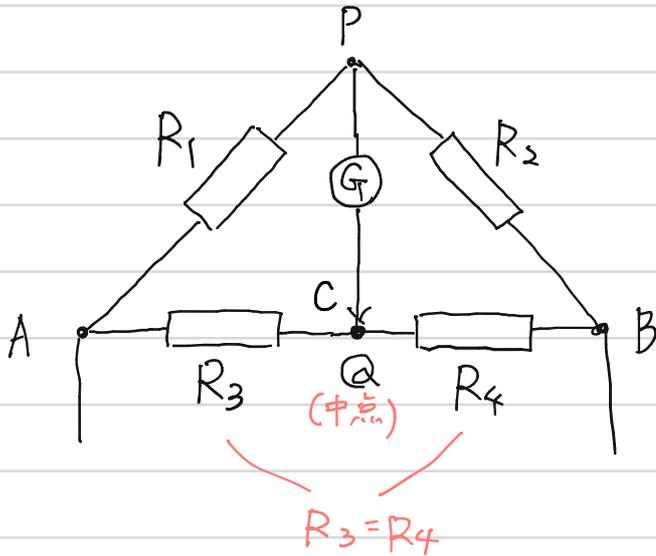
$$\therefore R_2 = \frac{R_4}{R_3} R_1 = \frac{\rho \frac{l_4}{S}}{\rho \frac{l_3}{S}} R_1 = \frac{l_4}{l_3} R_1$$

266 続き

(2) 問題文で示された条件の通りに考えると.

$$R_3 = R_4$$

と存るおにあれば"よい. という二とに存る



(1) で たてた式

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

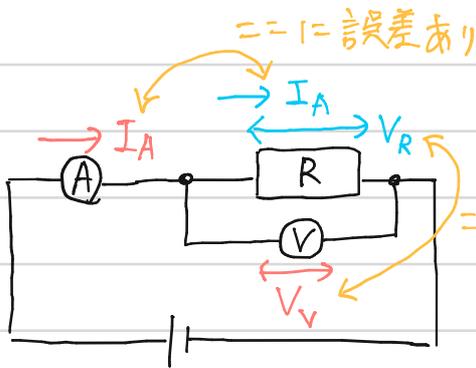
と. $R_3 = R_4$ という条件から

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4} \quad \#$$

(標準抵抗) (未知抵抗)

とすればよい.

※ 電圧降下法とは



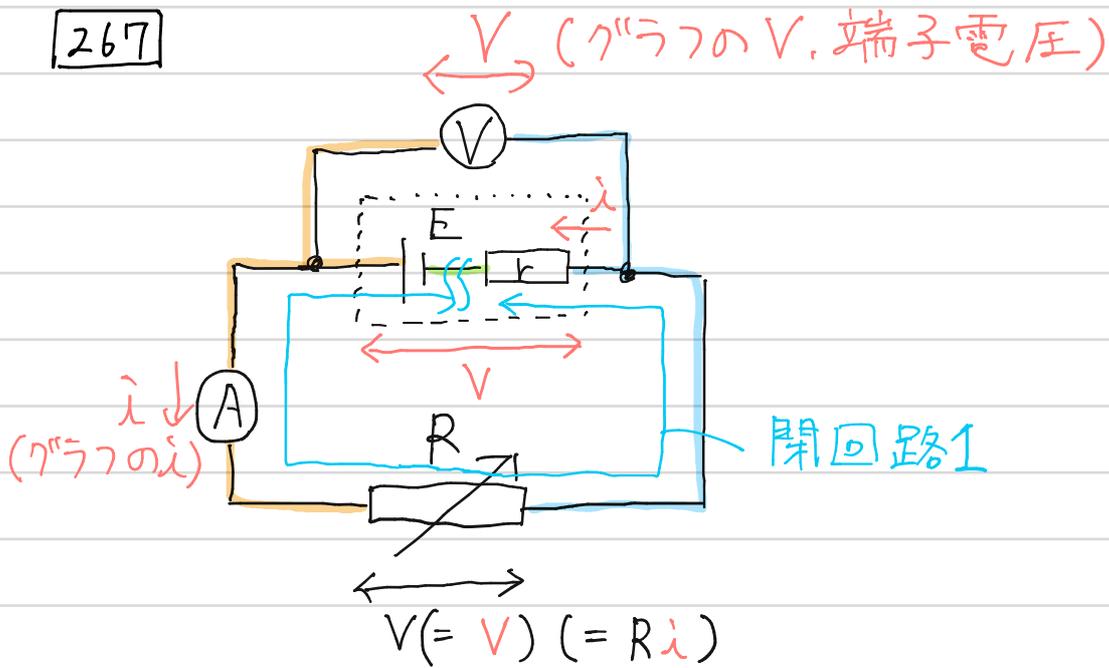
電流計. 電圧計で I と V を測定して

$$R = \frac{V_V}{I_A}$$

と求める方法. 左図の場合だと, I が (V) の方に分かれてしまっている分が誤差となり, 正確さに欠けるのだ.

266 の方法は $R_1 = R_2$ とした上で, 精度の高い測定をすればよいのだ.

267



閉回路1でのキルヒホッフ第2法則より (ア)

$$E = V + r i \Rightarrow \text{①式を示す. (問題文の説明していること)}$$

(1)(ウ)

$E = V + r i$ を変形して

$$V = E - r i$$

これは、グラフの切片が E 、傾きが r であることを示す。
グラフを読みとると。

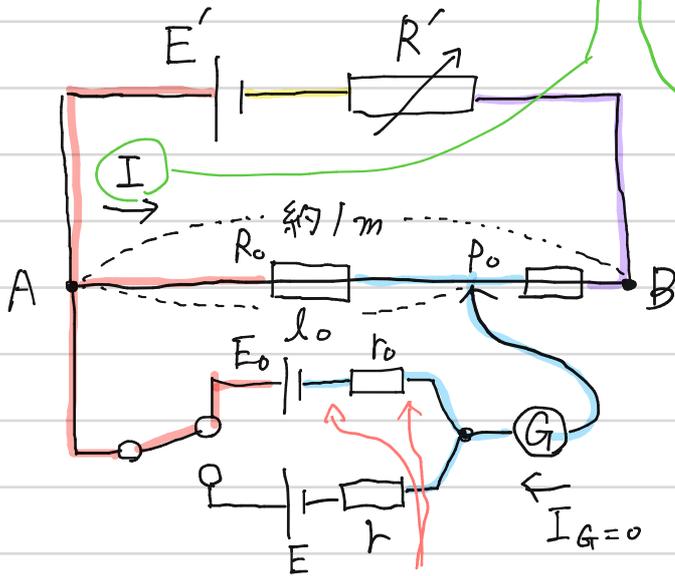
$$\text{切片が } 1.6 \text{ V} \Rightarrow E = \underline{1.6 \text{ [V]}}_{\text{+ (イ)}}$$

$$\text{傾きが } \frac{1.6 - 1.2}{0.8} = 0.5 \Rightarrow r = \underline{0.50 \text{ [\Omega]}}_{\text{+ (ウ)}}$$

268

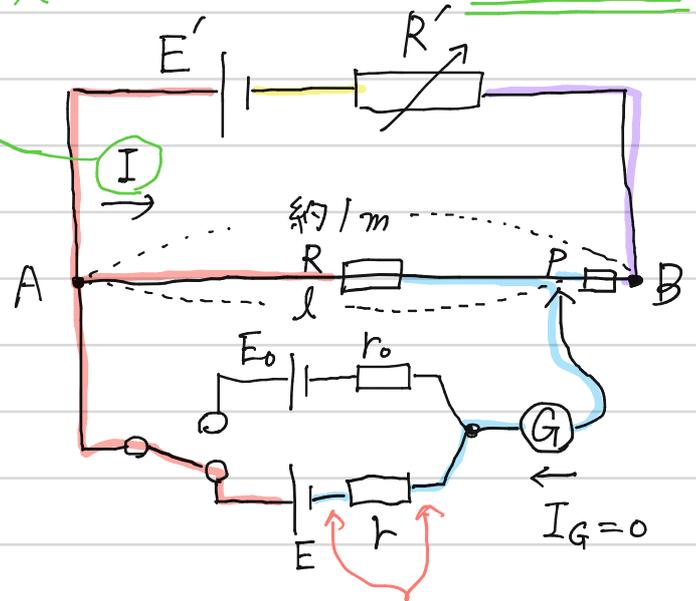
(1) 設定が複雑なので、とりあえず作図して、色分けしてみる。

E', R' が変わらぬ G の方に電流は流れていないので $A \rightarrow B$ 全体にかけている電圧の状態に変化はない。 \Rightarrow I は同じ



$I_G = 0$ なので
 二の電位差は 0

(図 1)



$I_G = 0$ なので
 二の電位差は 0

(図 2)

(図 1)

キルヒホッフ則(色分け)より R_0 には E_0 の電位差があるとわかる。よって R_0 でオームの法則をたてると。

$$E_0 = R_0 I \dots ①$$

(図 2)

キルヒホッフ則(色分け)より R には E の電位差があるとわかる。よって R でオームの法則をたてると。

$$E = R I \dots ②$$

ここで ①と②の I は等しいので $\frac{①}{②}$ より

$$\frac{E_0}{E} = \frac{R_0}{R} \dots ③$$

268 (1) 続き

ここで長さと抵抗値が比例するときは

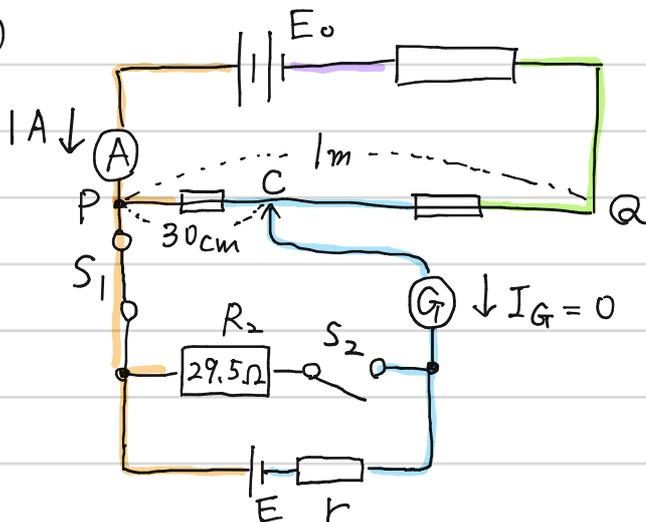
$$l_0 : l = R_0 : R$$

$$\Rightarrow \frac{R_0}{R} = \frac{l_0}{l} \dots \textcircled{4}$$

④を③に代入して

$$\frac{E_0}{E} = \frac{l_0}{l} \quad \therefore E = \frac{l}{l_0} E_0$$

(2)



P-Qの抵抗は 5Ω

\Rightarrow P-Cの抵抗は

$$5\Omega \times \frac{30}{100} = 1.5\Omega$$

C-Qの抵抗は

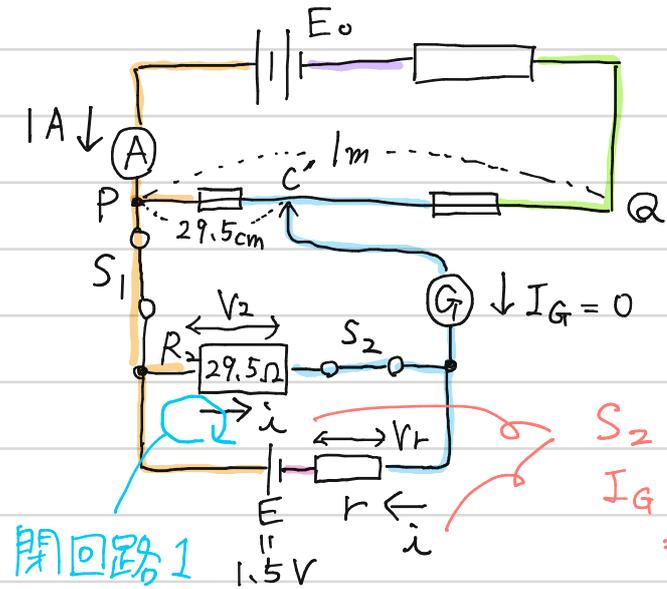
$$5\Omega \times \frac{70}{100} = 3.5\Omega$$

キルヒホッフ則(色分け)より P→CにEの電位差があるとわかる。
よってP-Cでオームの法則を立てると。

$$E = 1.5\Omega \times I_A \\ = \underline{1.5V}$$

268 続き

(3)



P-C'の相抗は

$$5\Omega \times \frac{29.5}{100}$$

S_2 を閉じることで回路となり、
 $I_G = 0$ でも r に電流が流れる。
 $\Rightarrow r$ = 電位差があるので色分けが変わる

・ 閉回路1でキルヒホッフ則を立てると。

$$E = V_2 + V_r$$

$$\Rightarrow 1.5 = 29.5i + ri \Rightarrow 1.5 = (29.5 + r)i \dots \textcircled{5}$$

・ キルヒホッフ則(色分け)より P-C'の電位差は V_2 と同し
 P-C'と R_2 でそれぞれオームの法則を立てると

$$\boxed{P-C'} \quad V_2 = \frac{5 \times 29.5}{100} \Omega \times I_A \dots \textcircled{6}$$

$$\boxed{R_2} \quad V_2 = 29.5\Omega \times i_{[A]} \dots \textcircled{7}$$

⑥、⑦より

$$\frac{5 \times 29.5}{100} = 29.5 \cdot i \quad \therefore i = 0.050 \text{ [A]}$$

$$\begin{array}{r} 29.5 \\ 5 \\ \hline 1475 \end{array}$$

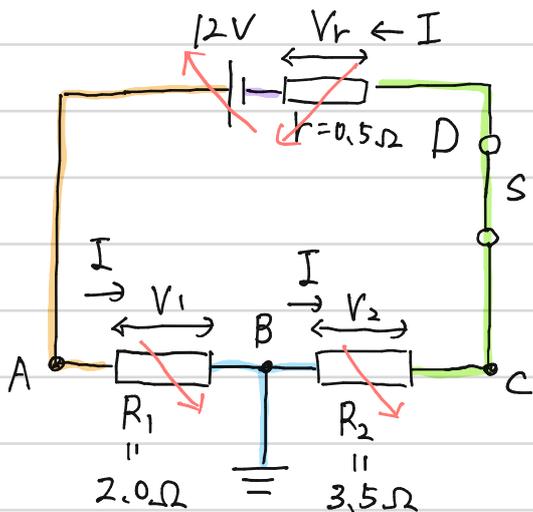
⑤に代入して

$$1.5 = (29.5 + r) \cdot 0.050$$

$$\Rightarrow 29.5 + r = 30 \quad \therefore r = \underline{0.50\Omega}$$

269

(1) 回路の解法で求める。



キルヒホッフ則りより

$$12 = V_1 + V_2 + V_r \dots \textcircled{1}$$

オームの法則より

$$V_1 = 2I \dots \textcircled{2}$$

$$V_2 = 3.5I \dots \textcircled{3}$$

$$V_r = 0.5I \dots \textcircled{4}$$

①に②③④を代入して

$$12 = 6I$$

$$I = \underline{2.0[A]} \text{ (1)}$$

(2) それぞれの抵抗での電位差を求めると、

②より

$$V_1 = 4.0[V]$$

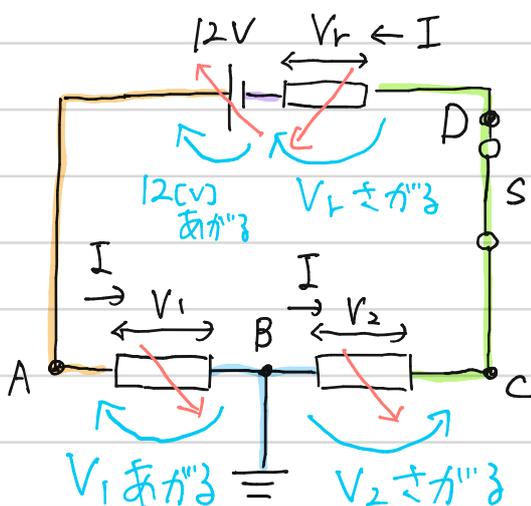
③より

$$V_2 = 7.0[V]$$

④より

$$V_r = 1.0[V]$$

A-Bのつながっている場所 (—) が 0[V] の基準であることから考える。



$$V_A = 0 + V_1 = \underline{4.0[V]}_{\#}$$

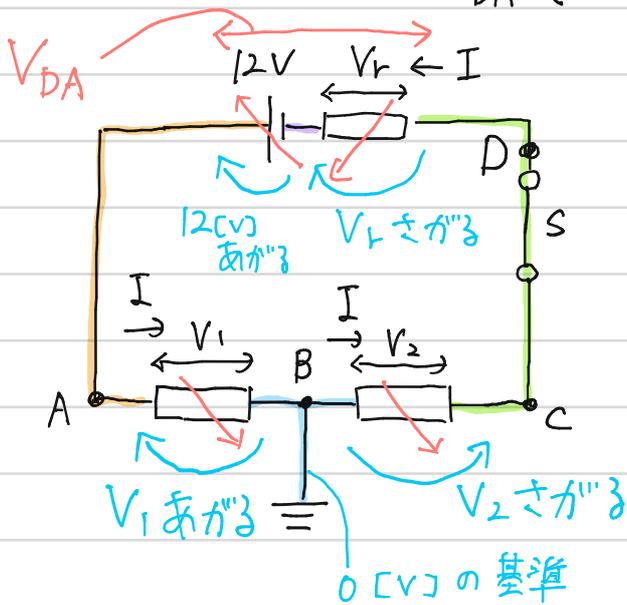
$$V_B = \underline{0[V]}_{\#}$$

$$V_C = 0 - V_2 = \underline{-7.0[V]}_{\#}$$

$$V_D = V_C = \underline{-7.0[V]}_{\#}$$

269 続き

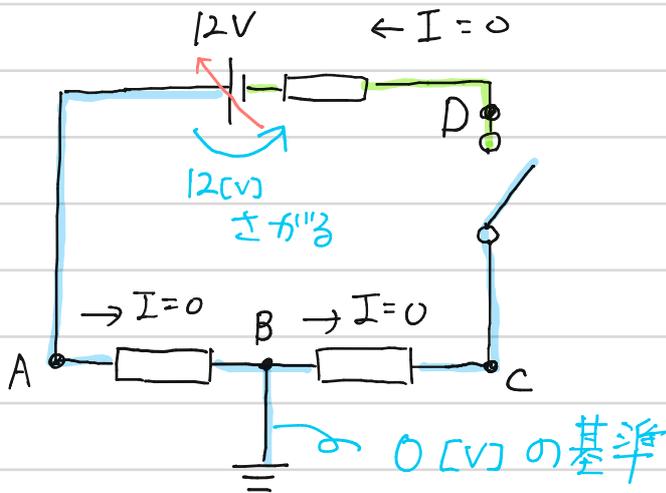
(3) 端子電圧は V_{DA} (— と — の差) のことである。



$$V_{DA} = 12 - V_r$$

$$= 12 - 1 = \underline{11 [V]}$$

(4) スイッチをひくと電流が流れないので抵抗での電圧降下がなくなる。 ($\because V=RI$)



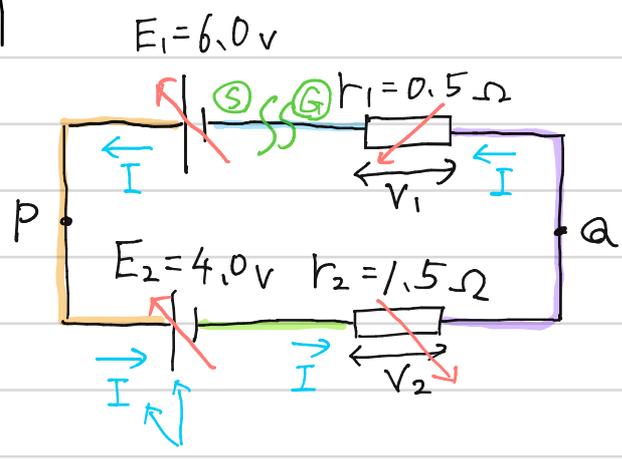
電池は電流がなくて電位をかえる。

左図より

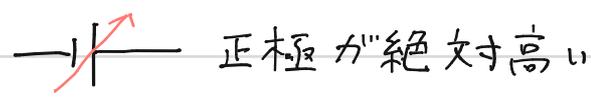
$$V_A = V_B = V_C = \underline{0 [V]}$$

$$V_D = 0 - 12 = \underline{-12 [V]}$$

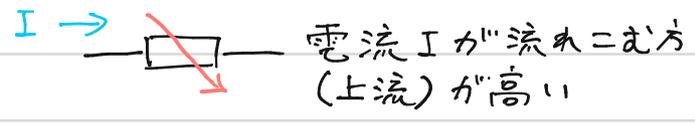
270



電池での電位のルール

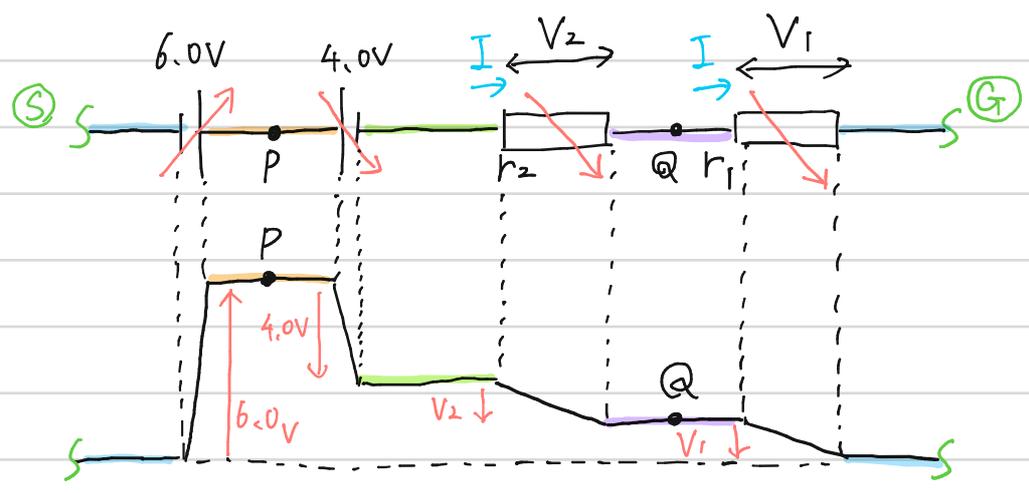


抵抗での電位のルール



どなかで仮定したIの向きに全てそろえる。
今回は、E₁の正極→負極という向きにした。

電圧の式をたてるが、少し見づらいため開いて考えてみる。
(慣れたらいきなりたてよう)



キルヒホッフ則の式をたてると。

$$6.0 = 4.0 + V_2 + V_1 \quad \dots \textcircled{1}$$

(上昇) = (下降)

$$\ast 0 + 6.0 - 4.0 - V_2 - V_1 = 0$$

(はじめ) + (変化) = (後) としてもよい。

オームの法則より

$$V_1 = R_1 I$$

$$\Rightarrow V_1 = 0.5 I \quad \dots \textcircled{2}$$

$$V_2 = R_2 I$$

$$\Rightarrow V_2 = 1.5 I \quad \dots \textcircled{3}$$

270 続き

①に ②・③を代入して

$$6.0 = 4.0 + 0.5I + 1.5I$$

$$\therefore I = 1.0 \text{ [A]}$$

②より

$$V_1 = 0.50 \text{ [V]}$$

③より

$$V_2 = 1.5 \text{ [V]}$$

∴ P Q の電位差 V_{PQ} は (—) と (—) の電位差なので

$$V_{PQ} = 4.0 + V_2$$

$$= 4.0 + 1.5$$

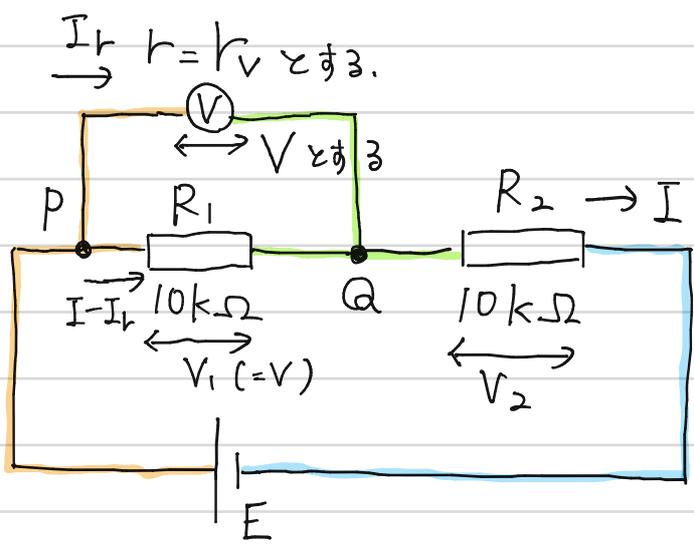
$$= \underline{5.5 \text{ [V]}} \#$$

※ $V_{PQ} = 6.0 - V_1$ としてよい。

$$V_{PQ} = 6.0 - 0.5$$

$$= \underline{5.5 \text{ [V]}} \#$$

271 数式で示して考えてみる



キルヒホッフの法則より

$$E = V + V_2 \dots \textcircled{1} \quad V = V_1 \dots \textcircled{2}$$

オームの法則より

$$R_1 \quad V_1 = 10\text{k}\Omega \cdot (I - I_r) \dots \textcircled{3}$$

$$V \quad V = r_{v[10\text{k}\Omega]} \cdot I_r \dots \textcircled{4}$$

$$R_2 \quad V_2 = 10\text{k}\Omega \cdot I \dots \textcircled{5}$$

①に④・⑤を代入して

$$E = r_v \cdot I_r + 10 I \dots \textcircled{1}'$$

②に③・④を代入して

$$10 (I - I_r) = r_v I_r$$

$$\Rightarrow 10 I = r_v I_r + 10 I_r \dots \textcircled{2}'$$

①'に②'を代入して

$$E = r_v I_r + r_v I_r + 10 I_r$$

$$I_r = \frac{E}{2r_v + 10}$$

④に①'を代入して

$$V = r_v \cdot \frac{E}{2r_v + 10} \Rightarrow V = \frac{r_v}{2r_v + 10} E$$

271 (1) 続き

ここで r_v が大きくなるたとき

$$V = \frac{r_v}{2r_v + 10} E$$

の値が、大きくなるかどうか考えればよい。実際は
 $10 \text{ k}\Omega$ と $100 \text{ k}\Omega$ を代入して求めてもよいし、極限をとってもよい

$$V = \frac{r_v}{2r_v + 10} E = \frac{1}{2 + \frac{10}{r_v}} E$$

↑

$r_v = 0$ だと
 $V = \frac{E}{10}$

↑

$r_v = \infty$ だと
 $V = \frac{E}{2}$

$\Rightarrow r_v$ が大きくなると
 V は大きくなる #

(2) 元の値を V_0 、後の値を V' としたとき、変動率とは

$$(\text{変動率}) = \frac{(\text{変化量})}{(\text{元の値})} = \frac{V' - V_0}{V_0} \quad \text{といえる。}$$

つないでいないときは、⑤で断線しているときと同じで
 $r_v = \infty$ といえる。よって

$$V_0 = \frac{E}{2}$$

つないだときは $r_v = r_v$ といえるので

$$V' = \frac{r_v}{2r_v + 10} E \quad \left(< \frac{E}{2} \right)$$

よって変動率は

$$(\text{変動率}) = \frac{V' - V_0}{V_0} = \frac{\frac{r_v}{2r_v + 10} E - \frac{E}{2}}{\frac{E}{2}}$$

271 (2) 続き

このままだと分子が負なので、大きさ(絶対値)にすると

$$\begin{aligned} |(\text{変動率})| &= \frac{\frac{E}{2} - \frac{h\nu}{2h\nu+10}E}{\frac{E}{2}} \\ &= 1 - \frac{h\nu}{h\nu+5} \end{aligned}$$

これが0.05未満であればよいので

$$1 - \frac{h\nu}{h\nu+5} \leq 0.05$$

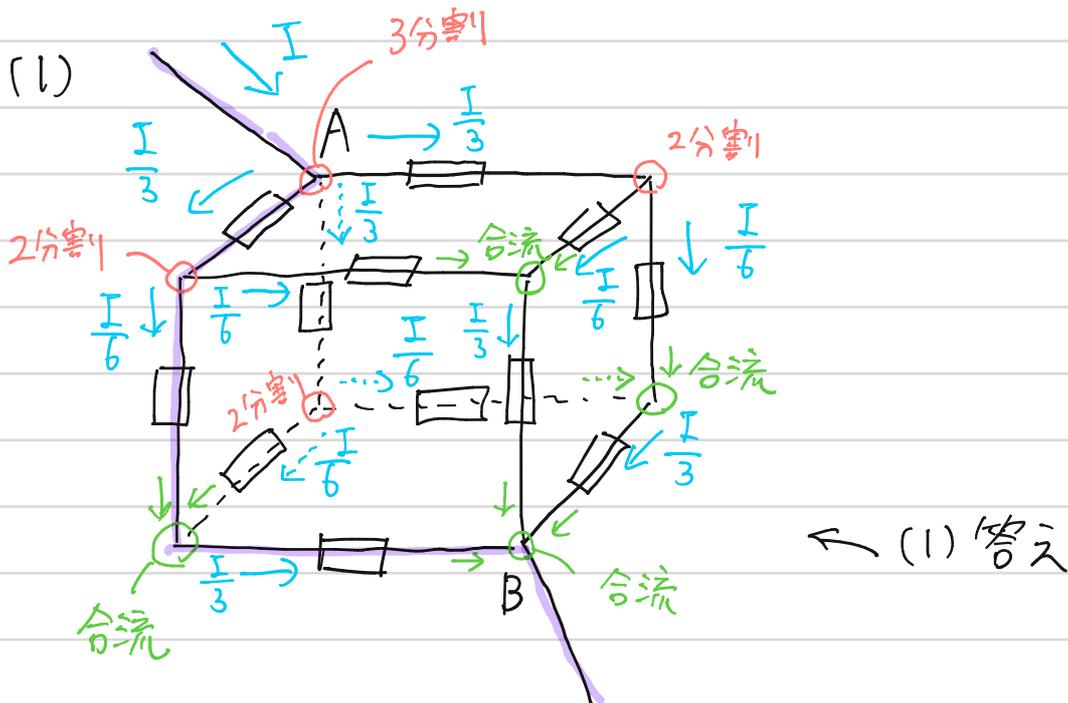
$$0.95 \leq \frac{h\nu}{h\nu+5}$$

$$0.95(h\nu+5) \leq h\nu$$

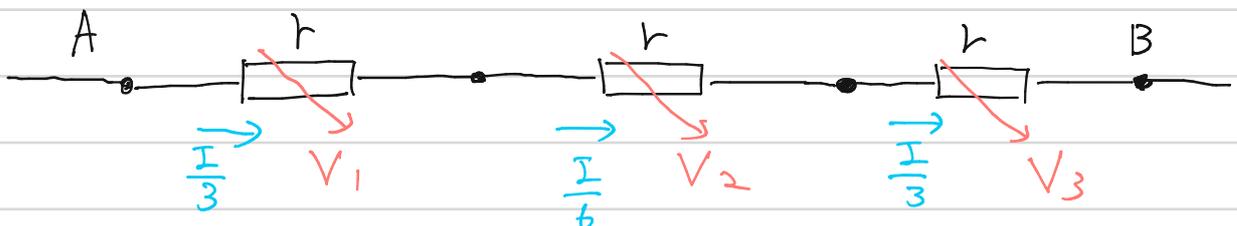
$$0.95 \cdot 5 \leq 0.05 h\nu$$

$$\therefore \underline{95_{\text{k}\Omega} \leq h\nu} \quad \text{++}$$

272 回路の対称性を活用する



(2) 例えば — のコースでの電圧降下を考えると



$$\begin{aligned}
 (\text{電圧降下の和}) &= V_1 + V_2 + V_3 \\
 &= \frac{I}{3}r + \frac{I}{6}r + \frac{I}{3}r \quad (\because V=RI) \\
 &= \frac{5}{6}Ir
 \end{aligned}$$

ここで A-B にかけた電圧が 50V, $r=5.0\Omega$ といふと

$$50 = \frac{5}{6} \cdot I \cdot 5.0 \quad \therefore I = \underline{12 \text{ [A]}}$$

(3) 50 [V] かけて 12 [A] 流れているので

$$R = \frac{V}{I} = \frac{50}{12} = 4.16\cdots \doteq \underline{4.2 \text{ [\Omega]}}$$

273

— コンデンサーを含む回路 —

直後と十分時間後で見えるポイントを切り換えよう。

直後 コンデンサーの電位差に注目。

電荷がなかったら $0[V]$

$$\text{あつたら } Q = CV \Rightarrow V = \frac{Q}{C} [V]$$

※ (「直後のコンデンサーを導線と見なす」という
テクニックは はじめに電荷がたまっていない
場合しか成立しない。忘れましょう。

十分時間後 コンデンサーに流れる電流に注目

必ず $0[A]$ 。(交流電源だとちがうか)

⇒ 抵抗のみで1周する経路か

あれば電流が流れる。

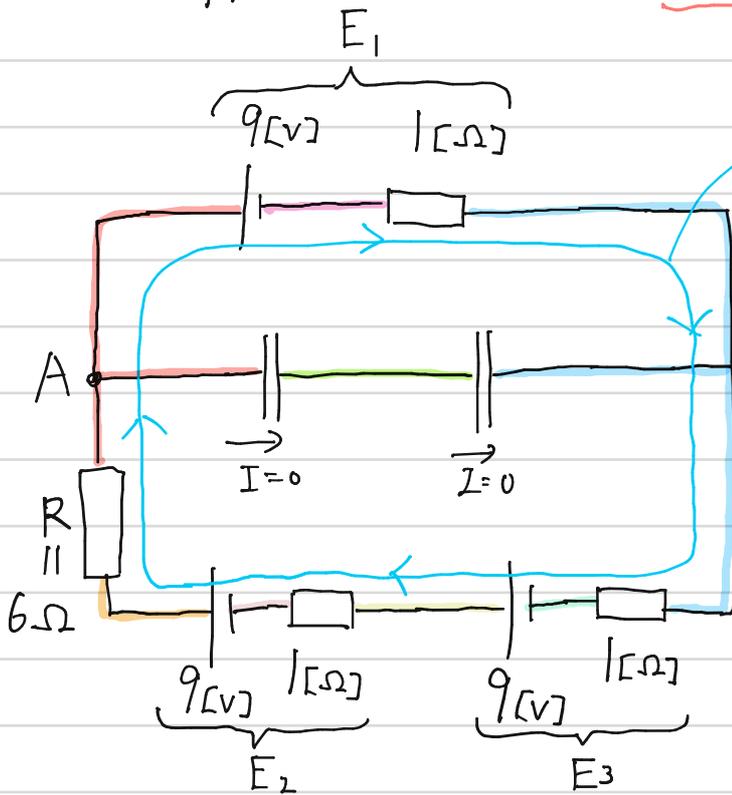
⇒ 抵抗の情報から電位差を求めることができ、

$Q = CV$ でたまっている電荷を求められる。

※ (「十分時間後は断線と見なす」という
テクニックは成立するけれど、しょうもないので
忘れましょう。断線ではなく、ちゃんとそこには
コンデンサーがあります。

273 続き

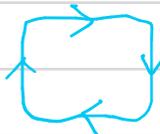
(1) 十分時間後の話なので、コンデンサーの電流が0に注目



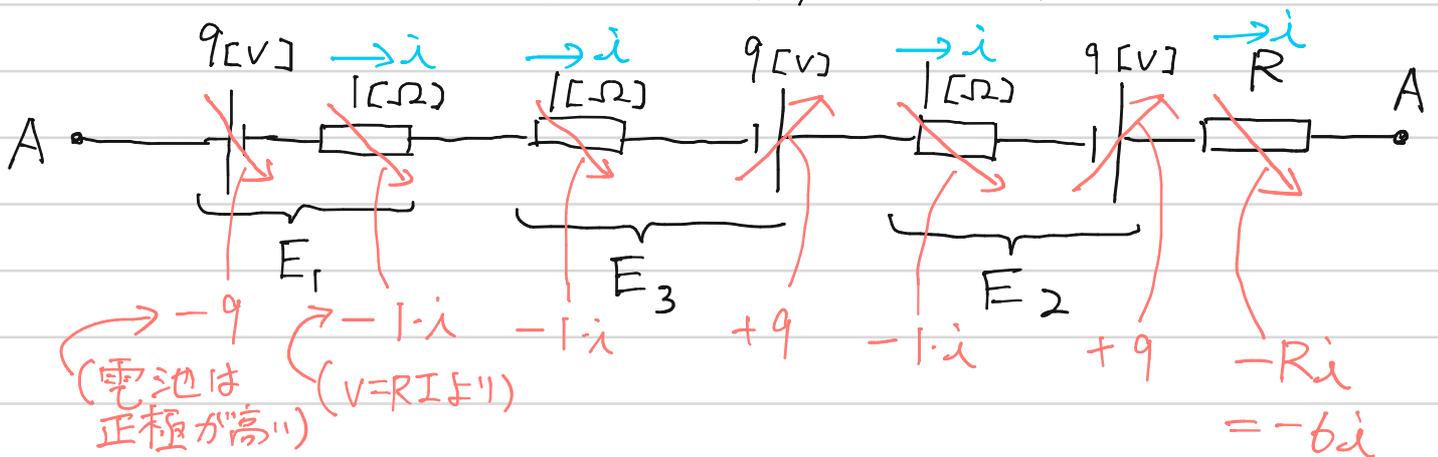
① コンデンサーを除いて回路が成立。
 $\Rightarrow i$ [A] 流れるとする

② 色分けをおこなう。

③ コンデンサーをまたいで色かちがうので、電荷がたまるとわかる。

④  の閉回路でキルヒホッフ則をたてる。

Aからスタートして1周の電圧の式をたてる。



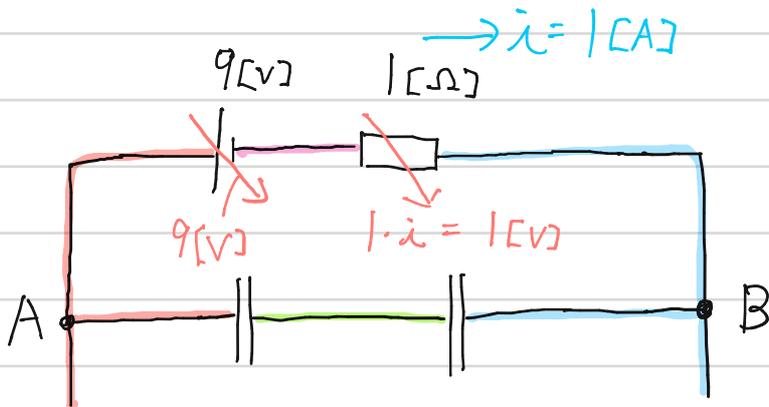
(はじめ) + (変化) = (おわり)

$$0 - 9 - 1 \cdot i - 1 \cdot i + 9 - 1 \cdot i + 9 - 6i = 0$$

$$\Rightarrow 9i = 9 \Rightarrow i = \underline{1.0 \text{ [A]}}$$

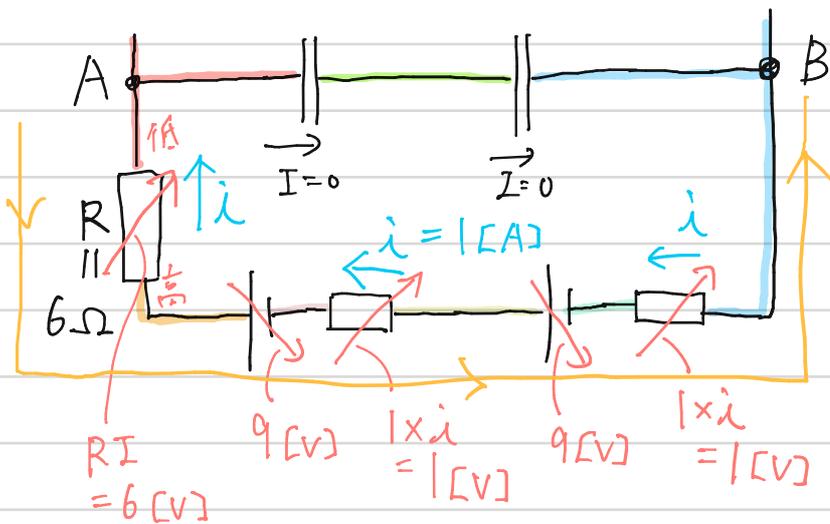
273 続き

(2) A → B間の電位は、E₁を通る経路で考えると。



A → B で"
 $9 + 1 = 10$ [V] #
 下がっているといえる

※ A → R → E₂ → E₃ → B と通る経路で考えてもよい。



A → B の経路で

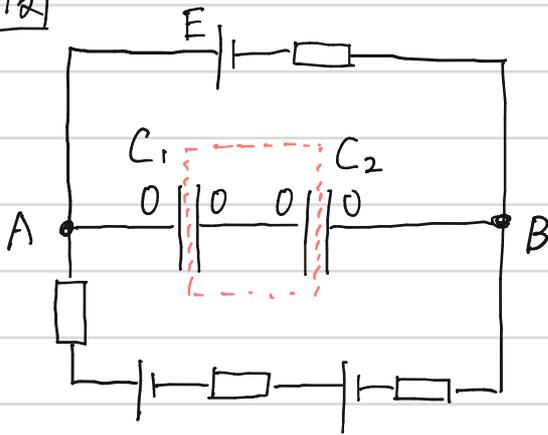
$$\begin{aligned}
 &+6 - 9 + 1 - 9 + 1 \\
 &= -10 \\
 \Rightarrow &10 \text{ [V] 下がっている} \# \\
 &\text{といえる}
 \end{aligned}$$

273 続き

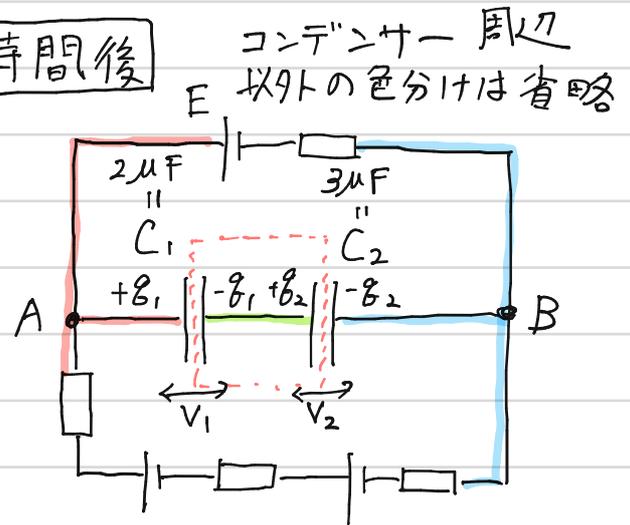
(3) コンデンサーの問題として解く.

- 1. 直後と十分時間後を書いて.
- 2. キルヒホッフ則 (電圧の式)
- 3. 電気量保存と $Q = CV \Rightarrow$ 連立

直後



十分時間後



• キルヒホッフ則 (電圧の式) をたてる.

(2)より A → B 間が 10 [V] なので

$$10 = V_1 + V_2 \dots \textcircled{1}$$

※ 「一周」という考えにこだわらなくても、電圧の式はたてられるのだ。

• C1, C2 の電気量保存より

$$0 = -Q_1 + Q_2 \dots \textcircled{3}$$

• $Q = CV$ より

$$Q_1 = 2V_1 \dots \textcircled{4}$$

$$Q_2 = 3V_2 \dots \textcircled{5}$$

③に④、⑤を代入して

$$0 = -2V_1 + 3V_2 \Rightarrow V_1 = \frac{3}{2}V_2 \dots \textcircled{3}'$$

①に③'を代入して

$$10 = \frac{3}{2}V_2 + V_2 \quad \therefore V_2 = 4 \text{ [V]}$$

⑤より

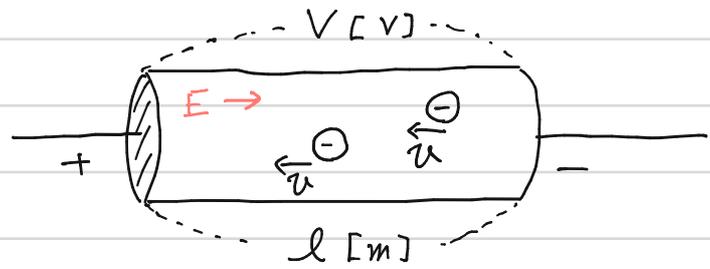
$$Q_2 = 3 \text{ [}\mu\text{F]} \cdot 4 \text{ [V]} = 12 \text{ [}\mu\text{C]} \#$$

(※ ①より $V_1 = 6 \text{ [V]}$
 ④より $Q_1 = 2 \text{ [}\mu\text{F]} \cdot 6 \text{ [V]} = 12 \text{ [}\mu\text{C]})$

必要に存る公式

電場 E → 定義 $1c$ の電荷が受ける力
 $\Rightarrow F = eE$
 ↳ 電位の傾き
 $\Rightarrow E = \frac{V}{d}$

電流 I → 定義 $1s$ に通る電荷の量
 $\Rightarrow I = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$
 $\Rightarrow I = enSv$ (← 覚えておいてよい式)



(ア) 電場は電位の傾きなので

$$E = \frac{V}{d} = \frac{V}{l}$$

電場の定義 $F = eE$ より

$$f = eE = e \cdot \frac{V}{l} \text{ [N]} \quad \#(P)$$

(イ)

(毎秒する仕事) = (力) × (1秒の移動距離)

$$\Rightarrow (\text{仕事率}) P = f \times v$$

$$= e \frac{V}{l} v \text{ [W]} \rightarrow \text{ワット}$$

#(1)

(ウ) 単位体積あたり n [個] で"全体積が" $V = Sl$ [m³] なので, 全個数 N は

$$N = nSl \text{ [個]} \quad \#(ウ)$$

274 続き

(エ) 1個あたりへの仕事率が (1) $p = e \frac{V}{\ell} v$ なので
 N [個] 1=する仕事率 P は

$$P = e \frac{V}{\ell} v \cdot N = e \frac{V}{\ell} v \cdot n s \ell$$

$$= \frac{e n s v V}{\#} \text{ [W]} \quad \text{(エ)}$$

↓
= 糸が熱エネルギーとして発生する。

(オ) $I = \frac{e n s v}{\#} \text{ [A]}$ (← 覚えて使ってよい式)

(カ)

(エ)式と(オ)式より

$$P = I V \text{ [W]} \quad \text{#(カ)}$$

これは、ジュール熱の公式 $P = IV$ を示す。

275

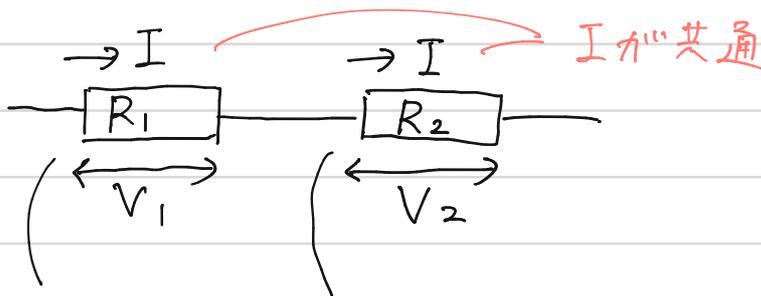
共通なものがあるか注目して、公式を使い分けよう。

公式 $V=RI$ より

$$P = IV = I^2R = \frac{V^2}{R}$$

$I = \frac{V}{R}$ より

(1)



$$Q_1 = I^2 R_1 \quad Q_2 = I^2 R_2 \quad \text{よって} \quad \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{I^2 R_1}{I^2 R_2} = \frac{R_1}{R_2} \quad \#$$

※ V を使おうと

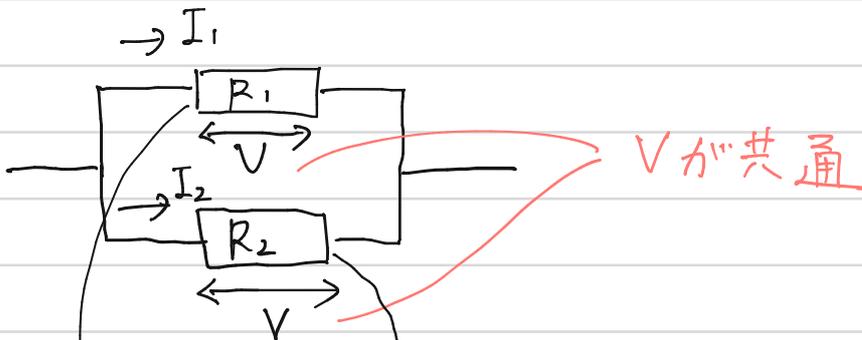
$$Q_1 = I V_1 \quad Q_2 = I V_2$$

が

$$Q_1 = \frac{V_1^2}{R_1} \quad Q_2 = \frac{V_2^2}{R_2}$$

と書けるが V_1, V_2 が不明なので「解けない」

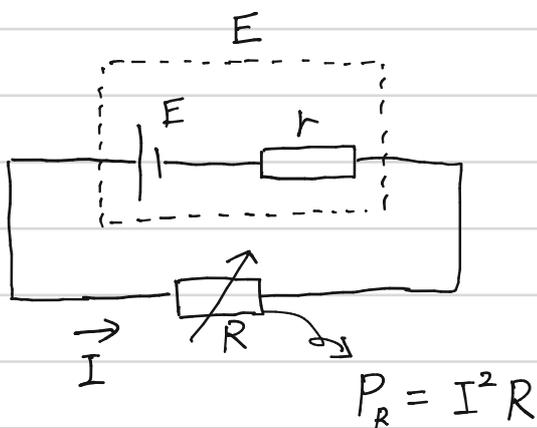
(2)



$$Q_1 = \frac{V^2}{R_1} \quad Q_2 = \frac{V^2}{R_2} \quad \text{よって} \quad \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{\frac{V^2}{R_1}}{\frac{V^2}{R_2}} = \frac{R_2}{R_1} \quad \#$$

276

物理で相加・相乗平均の関係式 $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$ を使うのは
 この問題と熱の超マイナーな問題の2つ。
 この問題の方は害と典型問題なのでおさえおえ。



Iがいくらか考える。

キルヒホッフ則りより

$$E = \underbrace{IR}_{V_R} + \underbrace{Ir}_{V_r} \quad \therefore I = \frac{E}{R+r}$$

(合成抵抗の公式を使ってよい)

二本より

$$\begin{aligned} P_R &= I^2 R \\ &= \left(\frac{E}{R+r} \right)^2 R = \frac{R}{(R+r)^2} E^2 \\ &= \frac{R}{R^2 + 2Rr + r^2} E^2 = \frac{1}{\underbrace{R+2r}_a + \underbrace{\frac{r^2}{R}}_b} E^2 \end{aligned}$$

Rの関数部分. $a+b$ が最小と存るときに P_R が最大
 といえる. 二で"相加相乗平均の関係より

$$\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} \Rightarrow a+b \geq 2\sqrt{ab}$$

と存り $a+b$ の最小値は $2\sqrt{ab}$ といえるのだ。

二で" $a+b=2\sqrt{ab}$ と存るのは $a=b$ のとき" といふ二とから

$$R = \frac{r^2}{R} \quad \therefore R = \underline{r}$$

276 続き.

よって

$$P_R = \frac{1}{a+2r+b} E^2 \Rightarrow P_{\max} = \frac{1}{2\sqrt{ab}+2r} E^2$$

a+bの最小値は $2\sqrt{ab}$

$$= \frac{1}{2\sqrt{R \cdot \frac{r^2}{R}} + 2r} E^2$$

$$= \frac{1}{2r+2r} E^2 = \frac{E^2}{4r}$$

※これは体系物理の解答の別解にあたる。でも入試本番でこの計算を落ちついて行うのはきびしい。数学の力を使って解こう。

$$P = \frac{1}{R+2r+\frac{r^2}{R}} E^2$$

$R + \frac{r^2}{R}$ の最小値を求めたい。

$$f(R) = R + \frac{r^2}{R} \text{ として}$$

$$f'(R) = 1 - r^2 R^{-2} = 1 - \frac{r^2}{R^2}$$

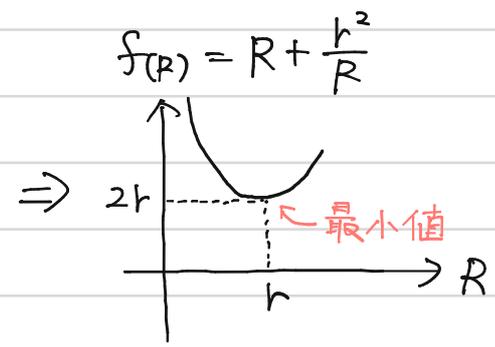
$f'(R) = 0$ と存するのは

$$R = r, -r$$

のときである。増減表を書くと

$R > 0$ なので無視

R	\dots	$-r$	\dots	0	\dots	r	\dots
$f'(R)$		0		\nearrow		0	\searrow
$f(R)$		∞		∞		$2r$	



276 続き

$R + \frac{r^2}{R}$ が最小値をとるのが $R=r$ のときとわかったので #

$$P_R = \frac{1}{R + 2r + \frac{r^2}{R}} E^2 \Rightarrow P_{\text{Max}} = \frac{1}{r + 2r + \frac{r^2}{r}} E^2$$
$$= \frac{1}{4r} E^2 \quad \#$$

※ 体系物理の模範解答にあるような

$$P = \frac{E^2}{R + 2r + \frac{r^2}{R}}$$
$$= \frac{E^2}{\left(\sqrt{R} - \frac{r}{\sqrt{R}}\right)^2 + 4r}$$

という変形と、これによるグラフの作図は通常しないので無視しよう。

相加相乗平均か増減表を使うのが一般的です。

277

(273) に書いたものと同じ)

コンデンサーを含む回路

直後と十分時間後で見えるポイントを切り換えよう。

直後 コンデンサーの電位差に注目。

電荷がなかったら $0[V]$

$$\text{あったら } Q = CV \Rightarrow V = \frac{Q}{C} [V]$$

※ (「直後のコンデンサーを導線と見なす」という
テクニックははじめに電荷がたまっていない
場合しか成立しない。忘れないよう。)

十分時間後 コンデンサーに流れる電流に注目

必ず $0[A]$ 。(交流電源だとちがうが)

⇒ 抵抗のみで一周する経路が

あれば電流が流れる。

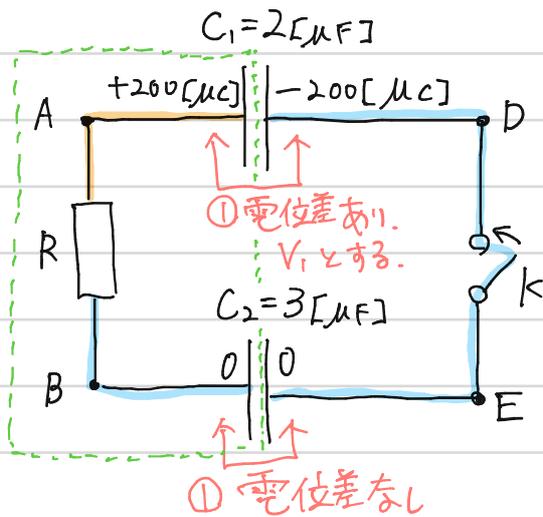
⇒ 抵抗の情報から電位差を求めることができ。

$Q = CV$ で たまっている電荷を求められる。

※ (「十分時間後は断線と見なす」という
テクニックは成立するけれど、しょうもないので
忘れないよう。断線ではなく、ちゃんとして
コンデンサーがあります。)

277 続き

直後



① 直後はコンデンサーの電位差に最初に注目.

$Q = CV$ より

$$V_1 = \frac{Q}{C} = \frac{200}{2} = 100[\text{V}]$$

② 色分けをしてみる.

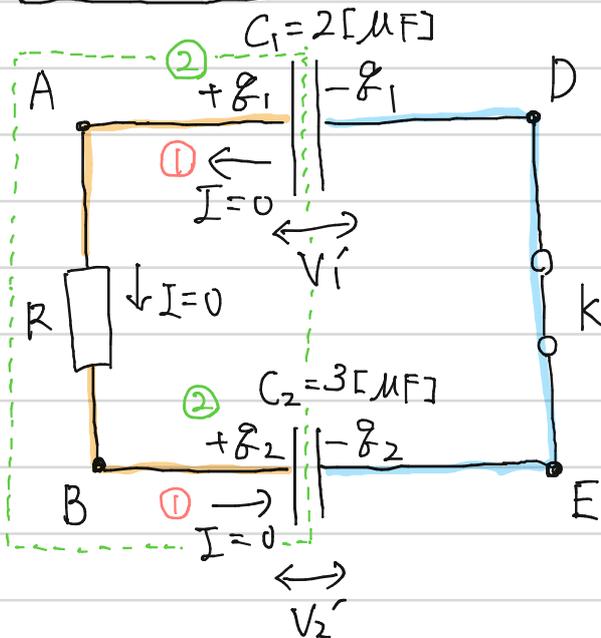
C_2 に電位差がないことに注意して色分けすると左図のようになる.

R には V_1 と同じ大きさの電圧がかかっていることが分かる.

⇒ AB の電位差は V_1 と同じよって $100[\text{V}]$ #

(2)(3)

十分時間後



① 十分時間後はコンデンサーに電流が流れないことに注目. ⇒ R に電流が流れないことが

わかる, よって $V_R = 0$ #
(2) の答え.

② 電気量の保存より, コンデンサーに電荷は残ることが分かる.
⇒ q_1, q_2, V_1', V_2' とおく.

③ 回路の色分けを行う

$$\Rightarrow V_1' = V_2'$$

となることがわかる.

277 (3) 続き.

立式を行う.

• の電気量保存より

$$+200 = q_1 + q_2 \dots \text{①式}$$

• キルヒホッフ則より

$$V_1' = V_2' (\Rightarrow V \text{ とおく})$$

• $Q = CV$ より

$$\boxed{C_1} \quad q_1 = 2V \dots \text{②式}$$

$$\boxed{C_2} \quad q_2 = 3V \dots \text{③式}$$

①式に②式③式を代入して

$$200 = 2V + 3V$$

$$\therefore V = 40 [\text{V}]$$

②式より

$$q_1 = 80 [\mu\text{C}]$$

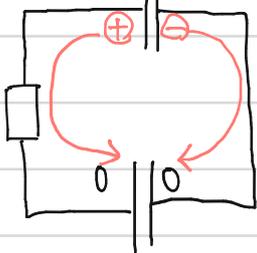
③式より

$$q_2 = 120 [\mu\text{C}]$$

ここで電荷がどれくらい移動したか考える

直後

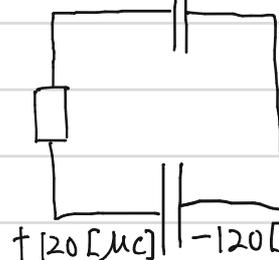
$$+200 [\mu\text{C}] \quad | \quad -200 [\mu\text{C}]$$



\Rightarrow

十分時間後

$$+80 [\mu\text{C}] \quad | \quad -80 [\mu\text{C}]$$



移動した電荷は

$$\frac{120 [\mu\text{C}]}{+}$$

とわかる。

277 続き

(4) I や V が一定でないので

$$P = IV = RI^2 = \frac{V^2}{R}$$

の公式は使えない

⇒ 装置全体のエネルギー収支より

(2つのコンデンサーが失ったエネルギー) = (消費された熱)
という関係から求める。

$U = \frac{1}{2} QV$ より (前) と (後) のコンデンサーのエネルギーを求めると

$$U_{\text{前}} = \underbrace{\frac{1}{2} \cdot 200 \times 10^{-6} [\text{C}] \cdot 100 [\text{V}]}_{U_1} + \underbrace{0}_{U_2} = 1.0 \times 10^{-2} [\text{J}]$$

$$U_{\text{後}} = \underbrace{\frac{1}{2} \cdot 80 \times 10^{-6} [\text{C}] \cdot 40 [\text{V}]}_{U_1} + \underbrace{\frac{1}{2} \cdot 120 \times 10^{-6} [\text{C}] \cdot 40 [\text{V}]}_{U_2} \\ = 1.6 \times 10^{-3} + 2.4 \times 10^{-3} = 4.0 \times 10^{-3} [\text{J}]$$

(※ 体系物理では $U = \frac{1}{2} CV^2$ で計算してきました)
(※ エネルギー [J] をたずねるときは、[μC] [μF] は [C] [F] に直さないといけないので注意)

∴ 失われたエネルギー量は

$$U_{\text{前}} - U_{\text{後}} = 1.0 \times 10^{-2} - 4.0 \times 10^{-3} \\ = \underline{\underline{6.0 \times 10^{-3} [\text{J}]}}$$

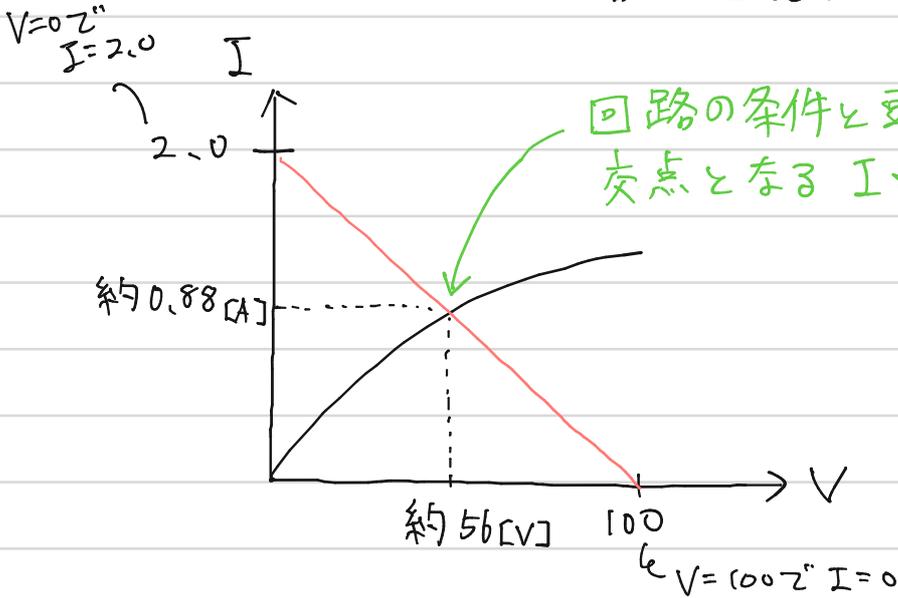
278

続き

(2) 前問(1)の答えは、 $I-V$ グラフの式の形にすると

$$I = -\frac{1}{50}V + 2$$

これをグラフに書き込む。



よって

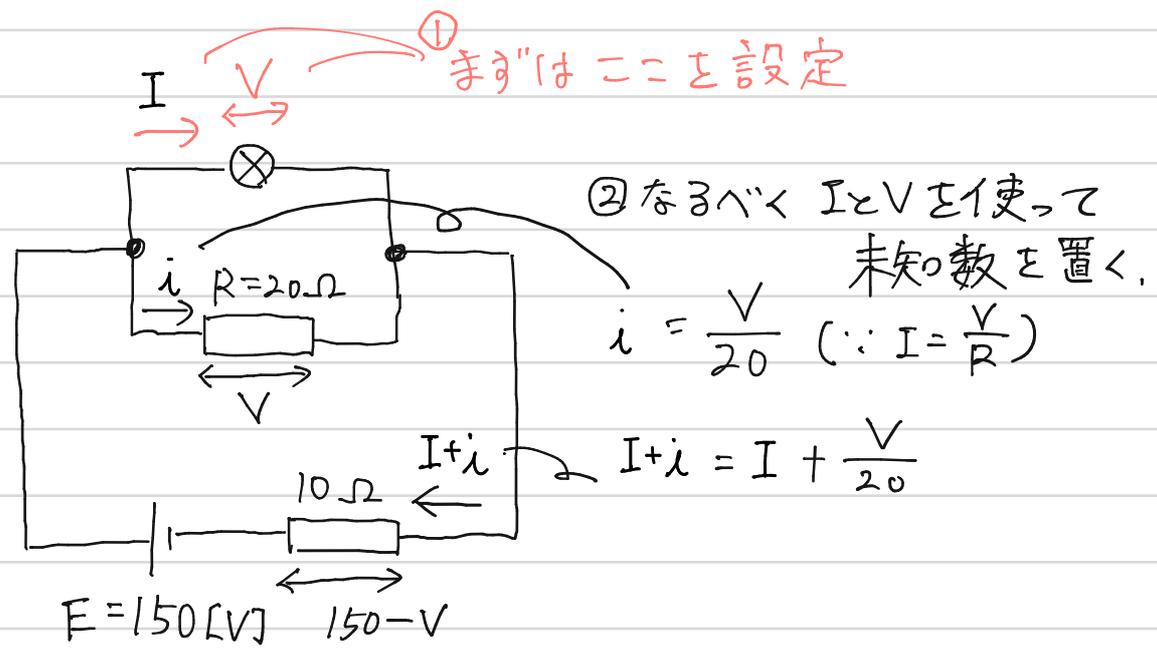
$$V = \underline{56 \text{ [V]}}$$

$$I = \underline{0.88 \text{ [A]}}$$

解法

- ① 豆電球のIとVを最初に文字でおく(重要)
- ② おいたIとVをなるべく使って、未知数を設定する。
- ③ 回路の式を立てる。(オームの法則やキルヒホッフ則)
- ④ グラフを使って解く。

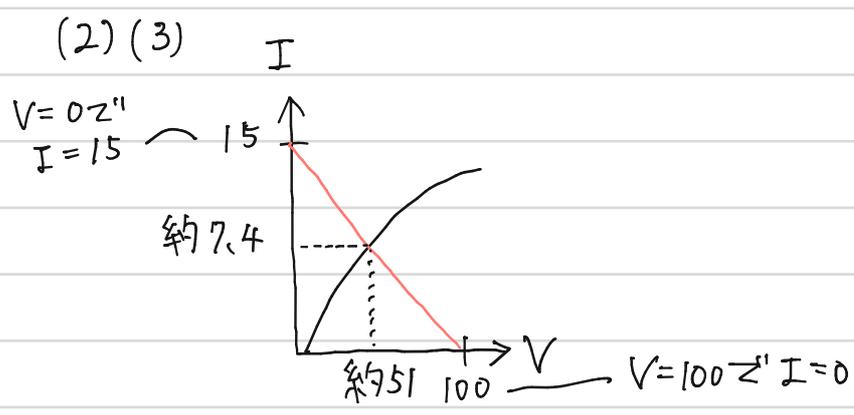
(1)



10Ωの抵抗でのオームの法則を立てると

$$150 - V = 10 \cdot (I + \frac{V}{20})$$

$$\therefore I = 15 - \frac{3}{20}V$$



グラフの交点を読んで

$$V = 51 [V]$$

$$I = 7.4 [A]$$

コンデンサーを含む回路

直後と十分時間後で見えるポイントを切り換えよう。

直後 コンデンサーの電位差に注目。

電荷がなかったら $0[V]$

あったら $Q = CV \Rightarrow V = \frac{Q}{C} [V]$

※ (「直後のコンデンサーを導線と見なす」という
テクニックははじめに電荷がたまっていない
場合しか成立しない。忘れないよう。)

十分時間後 コンデンサーに流れる電流に注目

必ず $0[A]$ 。(交流電源だとちがうが)

⇒ 抵抗のみで一周する経路が

あれば電流が流れる。

⇒ 抵抗の情報から電位差を求めることができ。

$Q = CV$ で たまっている電荷を求められる。

※ (「十分時間後は断線と見なす」という
テクニックは成立するけれど、しょうもないので
忘れないよう。断線ではなく、ちゃんとしてには
コンデンサーがあります。)

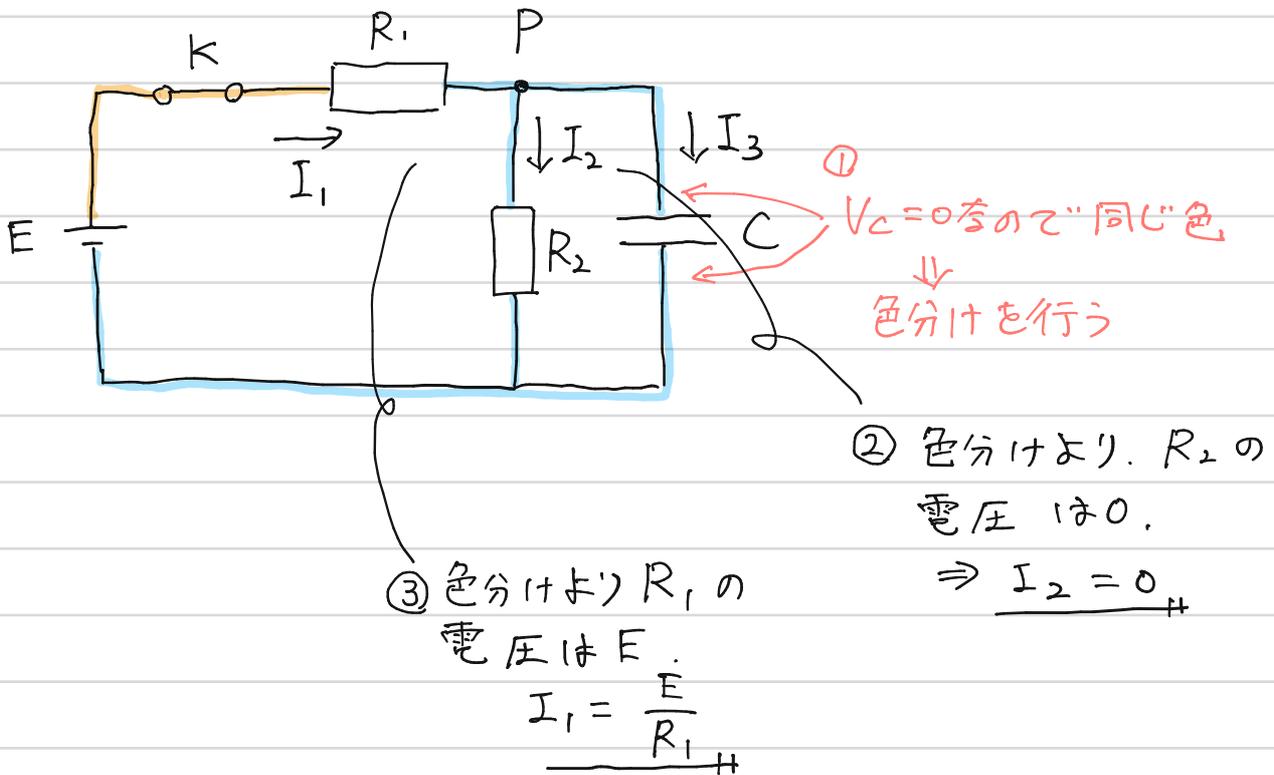
大抵なので何度も書く。

280 続き

(1)

直後 最初に見るのはコンデンサーの電圧.

今回は、 $q=0$ なので $V_C = 0$



④ P点でキルヒホッフ第一法則(電圧の式)をたてると

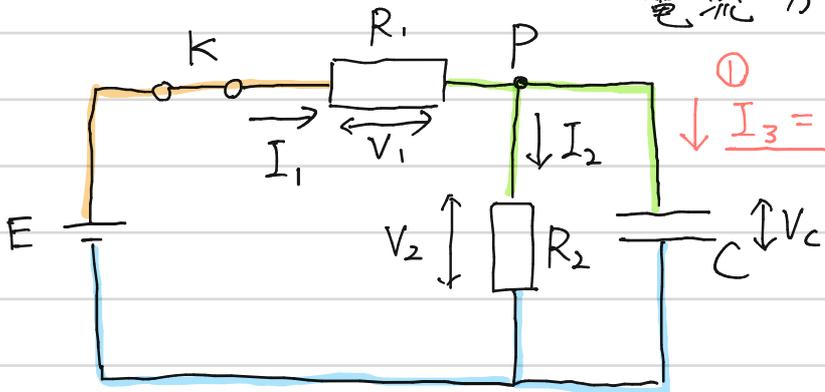
$$I_1 = I_2 + I_3$$

こゝで $I_2 = 0$ なので

$$I_3 = I_1 = \underline{\frac{E}{R_1}}$$

※ 上の極板に電流が流れ込み、+に帯電すると見通しがたつ。

十分時間後 最初「コンデンサーに流れる電流が0」が決まる。
 $\Rightarrow R$ のみで回路が成立しているとき I_3 が電流が流れる



① $I_3 = 0$ (答え) 必ず「=」が決まる

② 抵抗だけで回路が成立するので、 I_1, I_2 があることがわかる

\Rightarrow 色分けを行う

\Rightarrow コンデンサーに

$$V_C = V_2$$

の電圧がかかることがわかる。

キルヒホッフ則より

$$E = V_1 + V_2 \quad \dots \text{①式}$$

$I_3 = 0$ なので

$$I_1 = I_2 \quad \dots \text{②式}$$

オームの法則より

$$\boxed{R_1} \quad V_1 = R_1 I_1 \quad \dots \text{③式}$$

$$\boxed{R_2} \quad V_2 = R_2 I_2$$

②式より ↓

$$V_2 = R_2 I_1 \quad \dots \text{④式}$$

①式に、③式、④式を代入して

$$E = R_1 I_1 + R_2 I_2$$

$$\therefore I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} \quad \Rightarrow \quad \text{②式より} \quad I_2 = I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

※ ついでに聞かれやすいことをおさえておこう。

④式より

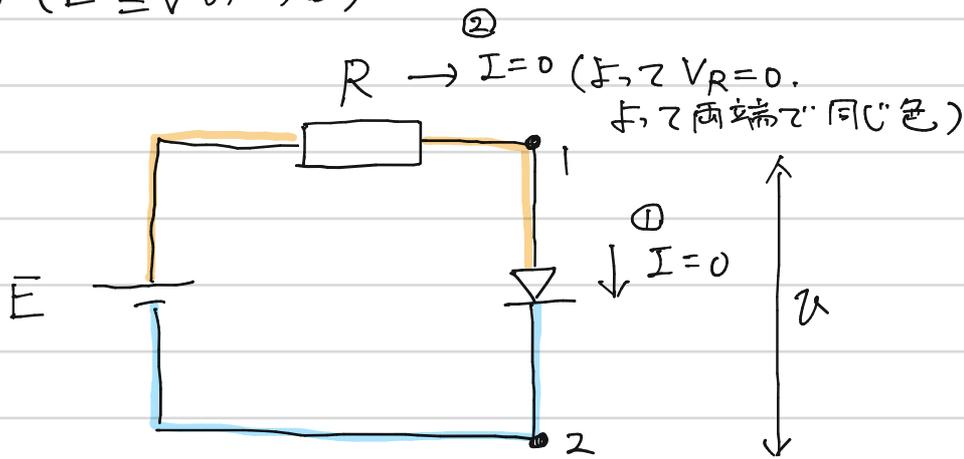
コンデンサーにたまる電荷 Q は

$$V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} E \quad \Rightarrow \quad Q = C V_C = C V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} C E$$

281

誘導に従って考えよう。

(1) ($E \leq V$ の場合)

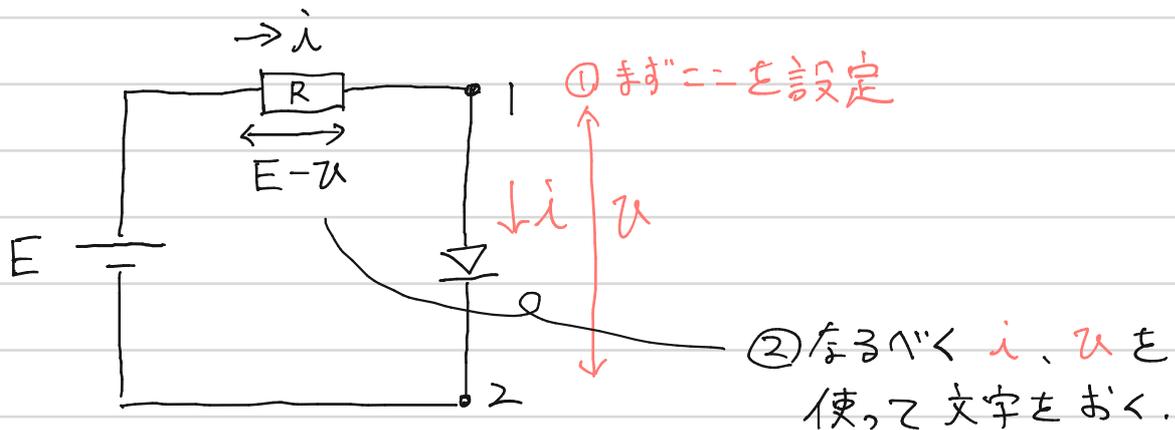


① \rightarrow ②の川原に考えることができ。

$$V = E - IR$$

とわかる。

(2) ($E > V$ の場合) \rightarrow 豆電球のような特性曲線の問題と同じ。
まずはダイオードの I と V を設定する。



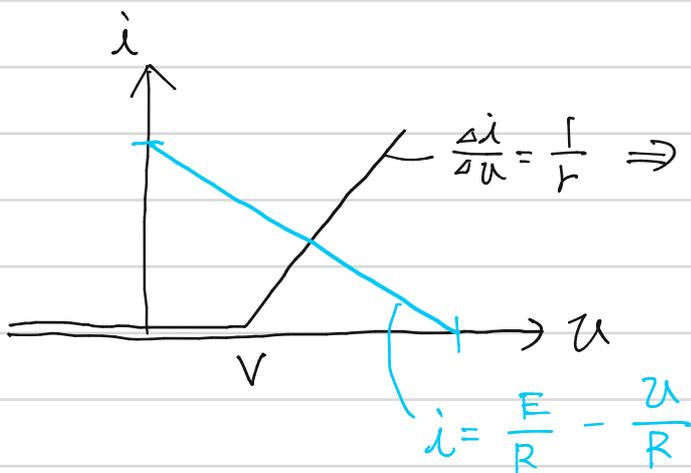
(1) R のオームの法則より

$$E - V = Ri$$

$$\Rightarrow i = \frac{E}{R} - \frac{1}{R}V$$

281 (2) 続き

グラフの交点を求める。



$$i = \frac{1}{r}(u - V) \dots \textcircled{1} \text{式}$$

傾き u = V で i = 0

グラフの交点を求めると

$$\frac{1}{r}(u - V) = \frac{E}{R} - \frac{u}{R}$$

$$\Rightarrow R(u - V) = Er - ur$$

$$\Rightarrow u(R + r) = Er + VR$$

$$\therefore u = \frac{Er + VR}{R + r} \quad \#(1) \quad (\text{体系物理の解説と やってることは同じ})$$

(6) $P = IV$ より求める。(特性曲線の素子なので $P = \frac{V^2}{R}$ とかはできない)

①式(グラフの式)より

$$\begin{aligned} i &= \frac{1}{r}(u - V) \\ &= \frac{1}{r}\left(\frac{Er + VR}{R + r} - V\right) = \frac{E - V}{R + r} \end{aligned}$$

$P = IV$ より

$$\begin{aligned} P = iu &= \frac{E - V}{R + r} \cdot \frac{Er + VR}{R + r} \\ &= \frac{(E - V)(Er + VR)}{(R + r)^2} \quad \#(6) \end{aligned}$$